

# แบบจำลองการอบแห้งชั้นบางของเมล็ดกาแฟสายพันธุ์คัมอร์

## A Thin Layer Drying Model of Catimor Coffee Cherry

บุญคง คำครุฑลาวงศ์<sup>1</sup>, อุษาวดี ตันติวารานุรักษ์<sup>1\*</sup> และ มารีนา มาโน尼<sup>2</sup>

<sup>1</sup>ภาควิชาฟิสิกส์ คณะวิทยาศาสตร์ มหาวิทยาลัยบูรพา

<sup>2</sup>ภาควิชาฟิสิกส์ คณะวิทยาศาสตร์ มหาวิทยาลัยทักษิณ

Bounkhong Khamkhoutlavong<sup>1</sup>, Usavadee Tuntiwaranuruk<sup>1\*</sup> and Marina Mani<sup>2</sup>

<sup>1</sup>Department of Physics, Faculty of Science, Burapha University

<sup>2</sup>Department of Physics, Faculty of Science, Thaksin University

### บทคัดย่อ

งานวิจัยนี้เป็นการศึกษาการอบแห้งของเมล็ดกาแฟสายพันธุ์คัมอร์ด้วยเครื่องอบแห้งชั้นบาง โดยทำการอบแห้งเมล็ดกาแฟที่มีช่วงความชื้นเริ่มต้นประมาณ 238-248 % มาตรฐานแห้ง และควบคุมอุณหภูมิของห้องอบที่อุณหภูมิ 50, 60 และ 70 องศาเซลเซียส ที่ความเร็วของอากาศภายในห้องอบคงที่ 1 เมตรต่อวินาที พบว่าอิทธิพลอุณหภูมิที่ใช้ในการอบแห้งมีผลต่ออัตราส่วนความชื้น และอัตราส่วนความชื้นลดลงแบบเอกซ์โพเนนเชียลกับระยะเวลาในการอบแห้ง แบบจำลองทางคณิตศาสตร์สำหรับการอบแห้งชั้นบางจะใช้แบบจำลองของ เลวิส (Lewis), เฮนเดอร์สันและพาบิส (Henderson and Pabis), ล็อกการิทึมิก (Logarithmic), เพจ (Page), 旺 และชาหยห์ (Wang and Singh) ในการคำนวณ โดยพิจารณาจากค่าสัมประสิทธิ์การตัดสินใจ ( $R^2$ ) ค่าการลดลงไคล์ลิงส์โอง ( $\chi^2$ ) และค่ารากที่สองของความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย (RMSE) พบว่าแบบจำลองของเพจ (Page) จะให้ผลที่ได้ดีที่สุดสำหรับอุณหภูมิ 50, 60 และ 70 องศาเซลเซียส เมื่อใช้สมการของฟิก (Fick) ในการศึกษาการเคลื่อนที่ของน้ำในเมล็ดกาแฟขณะทำการอบแห้ง พบว่า สัมประสิทธิ์การแพร่รอยู่ในช่วง  $3.15 \times 10^{-6}$  ถึง  $7.85 \times 10^{-6}$  ตารางเมตรต่อวินาที นอกจากนี้ยังพบว่าสมบัติทางกายภาพของเมล็ดกาแฟสายพันธุ์คัมอร์ ได้แก่ ความชื้นของเมล็ดกาแฟมีค่าเปลี่ยนแปลงขึ้นกับ ขนาด ปริมาตร ความหนาแน่นปะก្យ ร้อยละ ซึ่งว่างของอากาศ และความร้อนจำเพาะและมีความสัมพันธ์กันในแบบสมการพหุนาม

**คำสำคัญ :** การอบแห้งชั้นบาง แบบจำลอง สมบัติทางกายภาพ เมล็ดกาแฟสายพันธุ์คัมอร์

### Abstract

This research is a study of thin-layer drying model for Catimor coffee cherry. Initial moisture of Catimor coffee cherry was 238-248% dry basis. Considering the drying kinetics, the coffee cherry was thin-layer by inlet drying air temperature of 50, 60 and 70 °C with a constant air velocity of 1.0 m/s. The experimental result indicates that a moisture ratio is effected by inlet drying air temperature. The moisture ratio also exponentially decreases with the increasing of drying time. Thin-layer drying models of Lewis, Henderson and Pabis, Logarithmic, Page, Wang and Singh was used evaluated by considering a coefficient of determination ( $R^2$ ), a reduced chi-square ( $\chi^2$ ) and a root means square error (RMSE). The Page model is found to be a best model for describing the characteristics of coffee cherry for the temperatures of 50, 60 and 70 °C. A diffusion coefficient of drying is described by Fick's equation according from  $3.15 \times 10^{-6}$  to  $7.85 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>/s. Also, the physical properties of coffee cherry, which as moisture of coffee cherry to depend on size, volume, apparent density, percentage of void and specific heat capacity and relate with a polynomial equation form.

**Keywords :** thin drying layer, model, physical properties, catimor coffee cherry.

\*Corresponding author. E-mail : usavadee@buu.ac.th

## บทนำ

ปัจจุบันกาแฟเป็นพืชเศรษฐกิจที่สำคัญ และมีการปลูกและผลิตกันมากในแถบอเมริกา ลาติน ออฟริกาและเอเชีย เมล็ดกาแฟที่เป็นพืชเศรษฐกิจของสาธารณรัฐประชาธิปไตยประชาชนลาว ได้แก่ การเพสายพันธุ์คาร์ติมอร์ (Catimor) และสายพันธุ์โรบัสต้า (Robusta) ซึ่งมีการปลูกกันมากในภาคเหนือที่จังหวัดหลวงน้ำทา จังหวัดอุดมไช และในแถบภาคใต้ คือ จังหวัดจำปาสัก และจังหวัดลาวเวน โดยเฉพาะที่ทุ่งโนโอลูเวน (Bolovens Plateaux) ในเขตจำปาสัก มีการปลูกกาแฟสายพันธุ์คาร์ติมอร์ กันมาก

ในการจำหน่าย หรือการแปรรูปกาแฟให้เป็นกาแฟ หรือกาแฟสำเร็จรูปพร้อมดื่มนั้น จะต้องทำการตากแห้งหรืออบแห้ง ให้มีความชื้นประมาณ 12% มาตรฐานแห้ง เนื่องจากถ้าเก็บรักษากาแฟที่มีความชื้นสูงจะทำให้เกิดเชื้อรา แต่ถ้าอบแห้ง เมล็ดกาแฟให้มีค่าความชื้นต่ำมากๆ ก็จะสิ้นเปลืองพลังงานไปโดยเปล่าประโยชน์ ดังนั้นการอบแห้งจึงเป็นกระบวนการที่สำคัญของการควบคุมการผลิตกาแฟ

การอบแห้งชั้นบาง (thin-layer) เป็นกระบวนการศึกษา เกี่ยวกับการอบแห้งที่มีสำคัญและจำเป็นมาก เพราะจะทำให้เข้าใจกระบวนการต่ำที่ความร้อนและการถ่ายเทมวล ถ้าทำการอบแห้งแบบชั้นบางโดยเรียงชั้นๆ กันก็จะเป็นการอบแห้งแบบชั้นหนา ซึ่งคล้ายกับระบบการอบแห้งโดยทั่วๆ ไป

ในการศึกษาการอบแห้งชั้นบางของเมล็ดกาแฟที่ผ่านมา Paulo และคณะ (2006) ได้ทดลองอบแห้งเมล็ดกาแฟ เพื่อหาสมการอบแห้งชั้นบางที่เหมาะสมที่สุด Alonso และคณะ (2003) ได้ศึกษาการทดสอบตัวของเมล็ดกาแฟ 5 สายพันธุ์ คือ Catuai Vermelho, Catuai Amarelo, Mundo Novo, Catimor Varadharaju และคณะ (2001) ได้ทำการศึกษาการอบแห้งชั้นบางของเมล็ดกาแฟอาราบิกา (Arabica) โดยแบ่งเป็น 2 ส่วน คือ เปลือกนอกและส่วนในของเมล็ด และ Chandrasekar และ Viswanathan (1999) ได้ศึกษาสมบัติทางกายภาพและสภาพการนำความร้อนของเมล็ดกาแฟอาราบิกาและเมล็ดกาแฟโรบัสต้า (Robusta)

ในงานวิจัยนี้ ต้องการหาแบบจำลองที่เหมาะสมสำหรับการอบแห้งชั้นบางของเมล็ดกาแฟสายพันธุ์คาร์ติมอร์ ที่ปลูกในทุ่งโนโอลูเวน ซึ่งอยู่ในพื้นที่ภาคใต้ของสาธารณรัฐประชาธิปไตยประชาชนลาว โดยใช้สมบัติทางกายภาพที่เป็นตัวแปรที่สำคัญในการอบแห้ง (Yang และคณะ. 2002) และสัมประสิทธิ์การ

แพร่ความชื้นที่มีความสัมพันธ์กับการอบแห้งและอุณหภูมิ (Varadharajan และคณะ, 2001)

## อุปกรณ์และวิธีการ

### การเตรียมตัวอย่าง

งานวิจัยนี้เริ่มจากการนำเมล็ดกาแฟสายพันธุ์คาร์ติมอร์ จากสาธารณรัฐประชาธิปไตยประชาชนลาว ที่มีความชื้น 238-248% มาตรฐานแห้ง ตามมาตรฐาน AOAC (1990)

### การทดลองหาสมบัติทางกายภาพ

#### 1. ขนาดและปริมาตร

นำเมล็ดกาแฟที่ความชื้นต่างกันมาวัดขนาด ความยาว ความกว้าง และความหนา แล้วนำค่าดังกล่าวมาคำนวณหาปริมาตร โดยกำหนดให้เมล็ดกาแฟมีรูปร่างเป็นเรขาคณิตทรงกลม และหลักทฤษฎีของ Mohsenin (1986) ซึ่งคำนวณปริมาตร ของผลไม้ต่างๆ จากสมการ

$$V = \frac{\pi ABC}{6} \quad (1)$$

เมื่อ V คือ ปริมาตร ( $\text{mm}^3$ ), A คือ ความยาว ( $\text{mm}$ ), B คือ ความกว้าง ( $\text{mm}$ ) และ C คือ ความหนา ( $\text{mm}$ )

#### 2. ความหนาแน่นปรากภู

นำเมล็ดกาแฟที่มีความชื้นต่างกัน ใส่ภาชนะที่ทราบปริมาตรจนเต็ม จากนั้นนำเมล็ดกาแฟไปชั่งมวล คำนวณหาค่าความหนาแน่นปรากภู จากสมการ

$$\rho_b = \frac{W}{V_b} \quad (2)$$

เมื่อ  $\rho_b$  คือ ความหนาแน่นปรากภู ( $\text{kg}/\text{m}^3$ ), W คือ มวลของวัสดุ ( $\text{kg}$ ) และ  $V_b$  คือ ปริมาตรของวัสดุรวมกับปริมาตรของช่องว่างอากาศ ( $\text{m}^3$ )

#### 3. ร้อยละช่องว่างของอากาศ

นำเมล็ดกาแฟที่มีความชื้นที่มีความชื้นต่างกัน ใส่ลงในภาชนะที่ทราบปริมาตร จากนั้นเติมน้ำมันพืชจนเต็มภาชนะ วัดปริมาตรน้ำมันพืชที่ใช้แล้วคำนวณหาร้อยละช่องว่างของอากาศ จากสมการ

$$p_t = \frac{V_{oil}}{V_b} \times 100 \quad (3)$$

เมื่อ  $p_c$  คือ ร้อยละช่องว่างของอากาศ (%) และ  $V_{oil}$  คือ ปริมาตรของน้ำมันพืช ( $m^3$ )

#### 4. ความร้อนจำเพาะ

นำเมล็ดกาแฟที่มีความชื้นมีความชื้นต่างกันมาทดสอบโดยใช้แคลอรีมิเตอร์ แล้วคำนวณหาค่าความร้อนจำเพาะ จากสมการ

$$C_p = \frac{-m_c C_c (T_e - T_c) - m_w C_w (T_e - T_w)}{m_p (T_e - T_p)} \quad (4)$$

เมื่อ  $m_c$  คือ มวลของแคลอรีมิเตอร์ (kg),  $m_w$  คือ มวลของน้ำร้อน (kg),  $m_p$  คือ มวลของตัวอย่าง (kg),  $C_c$  คือ ความร้อนจำเพาะของแคลอรีมิเตอร์ ( $\text{kJ/kg}^\circ\text{C}$ ),  $C_w$  คือ ความร้อนจำเพาะของน้ำ ( $\text{kJ/kg}^\circ\text{C}$ ),  $C_p$  คือ ความร้อนจำเพาะของตัวอย่าง ( $\text{kJ/kg}^\circ\text{C}$ ),  $T_c$  คือ อุณหภูมิของแคลอรีมิเตอร์ที่เวลาเริ่มต้น ( $^\circ\text{C}$ ),  $T_w$  คือ อุณหภูมิของน้ำร้อนที่เวลาเริ่มต้น ( $^\circ\text{C}$ ),  $T_p$  คือ อุณหภูมิของตัวอย่างที่เวลาเริ่มต้น ( $^\circ\text{C}$ ) และ  $T_e$  คือ อุณหภูมิสภาวะสมดุล ( $^\circ\text{C}$ )

จากนั้นนำค่าที่ได้จากข้อ 1, 2, 3 และ 4 มาวิเคราะห์ด้วยสมการถดถอยด้วยวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เพื่อหาสมการที่เหมาะสมต่อไป

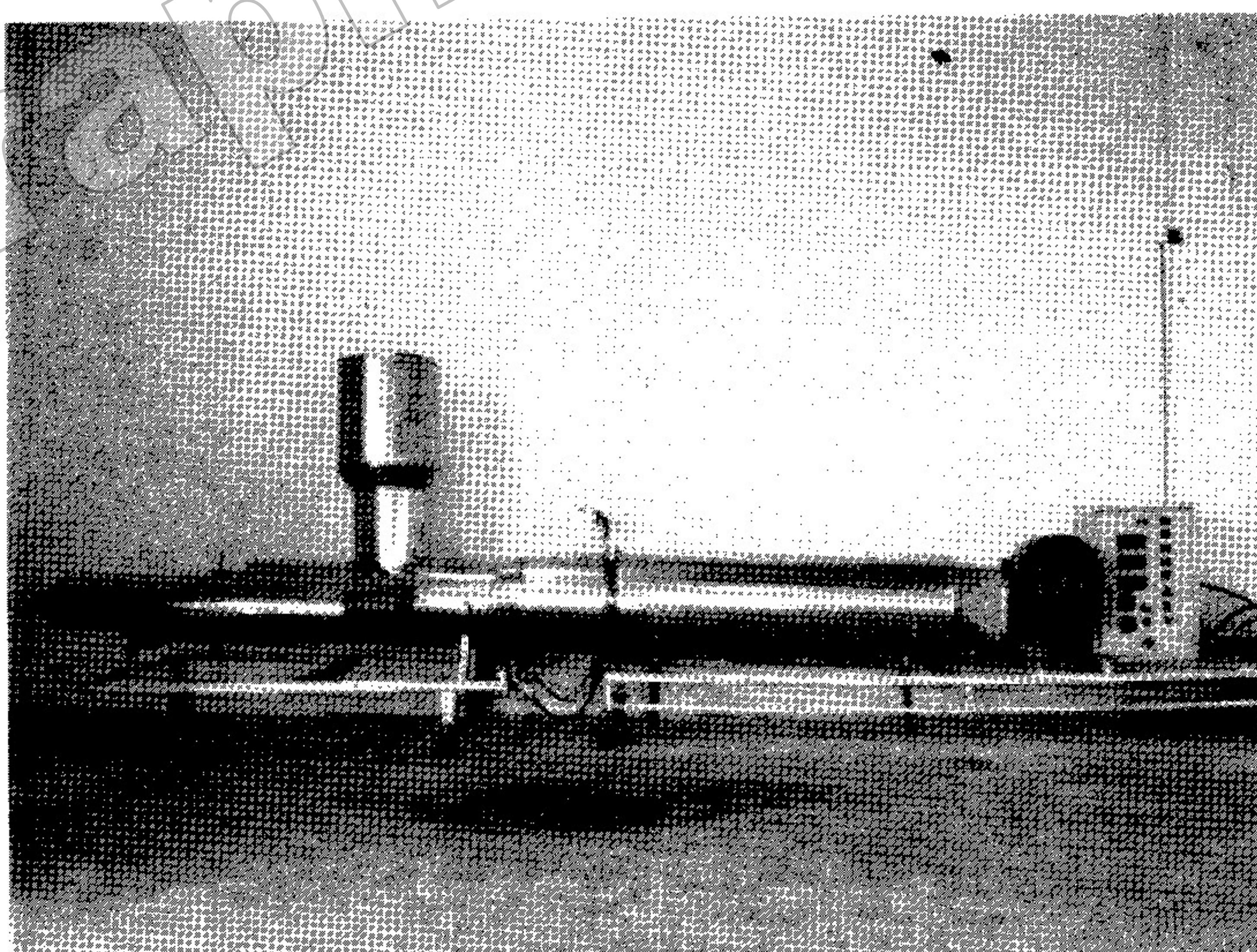
#### การอบแห้งชั้นบางและล้มประลิทิกการแพร์

การศึกษาการอบแห้งของเมล็ดกาแฟสายพันธุ์คัร์ติมอร์ด้วยเครื่องอบแห้งชั้นบางที่มีความชื้นเริ่มต้นประมาณ 238-248% มาตรฐานแห้ง ตามมาตรฐาน AOAC (1990) โดยความคุณ

อุณหภูมิของห้องอบที่ 50, 60 และ 70 องศาเซลเซียส และความเร็วของอากาศภายในห้องอบเท่ากับ 1 เมตรต่อวินาที ทำการวัดอุณหภูมิ ความชื้นสัมพัทธ์ของอากาศและน้ำหนักของเมล็ดกาแฟด้วยเครื่องบันทึกข้อมูลอัตโนมัติ แสดงดังภาพที่ 1 ซึ่งมวลเมล็ดกาแฟด้วยเครื่องชั่ง Mettler รุ่น ml 1001 (มีค่าความละเอียด 0.01 g) บันทึกมวลทุกๆ 5 นาที ในช่วง 60 นาทีแรก หลังจากนั้นบันทึกข้อมูลทุกๆ 30 นาที และหยุดการทดลองเมื่อมวลของเมล็ดกาแฟมีค่าเปลี่ยนแปลงน้อยมาก (ไม่เกิน 0.03 กรัม) นำเมล็ดกาแฟที่ผ่านการอบแห้งไปหาความชื้นสุดท้าย และหาค่าอัตราส่วนความชื้น (MR) ซึ่งหาได้จากสมการ

$$MR = \frac{M_o - M_e}{M_o - M_e} \quad (5)$$

เมื่อ  $M_o$ ,  $M$  และ  $M_e$  คือ ความชื้นเริ่มต้น ความชื้นในเวลา  $t$  ได้ และความชื้นสมดุล ตามลำดับ สำหรับการวิเคราะห์หาอัตราส่วนความชื้นจะสมมติให้ค่าความชื้นสมดุลมีค่าเท่ากับศูนย์ (Ibrahim Doymaz, 2008) เปรียบเทียบค่าอัตราส่วนความชื้นที่ได้จากแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ 5 สมการ แสดงดังตารางที่ 1 เป็นการวิเคราะห์ค่าคงที่และอัตราส่วนความชื้นจากสมการแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ใช้การวิเคราะห์การถดถอยแบบไม่เป็นเชิงเส้น (non-linear regression) โดยใช้โปรแกรมทางสถิติ คำนวณค่าสัมประสิทธิ์การตัดสินใจ (coefficient of determination,  $R^2$ ) ค่าการลดลงไคกำลังสอง (reduced chi-square,  $\chi^2$ ) และค่า ragazzi



**ภาพที่ 1** อุปกรณ์ทดสอบการอบแห้งชั้นบางของผลผลิตทางการเกษตร  
(ที่มา : มารีนา และคณะ, 2551)

สองของความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย (root means square error, RMSE) โดยแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ที่เหมาะสมสำหรับการออบแห้งชั้นบางของเมล็ดกาแฟเป็นแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ที่ให้ค่า  $R^2$  สูงสุด และให้ค่า  $\chi^2$  และ RMSE ต่ำสุด ซึ่งค่า  $\chi^2$  และ RMSE หาได้จากสมการ

$$\chi^2 = \frac{\sum_{i=1}^N (MR_{exp,i} - MR_{pre,i})^2}{N - z} \quad (6)$$

### ตารางที่ 1 แบบจำลองทางคณิตศาสตร์ที่ใช้คำนวณการออบแห้งเมล็ดกาแฟ

Model names	Mathematical expression
Lewis (Bruce, 1985)	$MR_{pre,i} = \exp(-kt)$
Henderson and Pabis (1961)	$MR_{pre,i} = a\exp(-kt)$
Logarithmic (Togrul, 2003)	$MR_{pre,i} = a\exp(-kt) + c$
Page (Page, 1949, cited by Bruce, 1985)	$MR_{pre,i} = \exp(-kt^n)$
Wang and Singh (Wang and Singh, 1978)	$MR_{pre,i} = 1 + at + bt^2$

หมายเหตุ: เมื่อ a, b, c, n คือ ค่าคงที่การออบแห้งของแบบจำลอง และ k เป็นค่าคงที่อัตราการออบแห้ง ( $\text{min}^{-1}$ )

ค่าอัตราส่วนความชื้นที่หาได้จากการทดลอง ใช้สำหรับหากค่าสัมประสิทธิ์การแพร่ความชื้น ( $D_{eff}$ ) ตามสมการของฟิก (Fick) (Crank, 1975 and Luikov, 1968) โดยกำหนดให้วัตถุดิบมีลักษณะเป็นรูปทรงกลม มีรูปสมการการออบแห้งทางทฤษฎี ตามสมการ

$$MR_{pre,i} = \frac{M - M_e}{M_o - M_e} = \frac{6}{\pi^2} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2} \exp \left[ -\frac{n^2 \pi^2 D_{eff} t}{R^2} \right] \quad (8)$$

เมื่อ  $n = 1, 2, \dots$  เป็นค่าคงที่,  $R$  คือ ค่ารัศมีของทรงกลม (m) และ  $t$  คือ เวลาใดๆ (min)

### ผลการทดลองและอภิปรายผลการทดลอง

#### ผลการหาความสัมพันธ์ของลักษณะทางกายภาพ

##### 1. ขนาดและปริมาตร

ขนาดของเมล็ดกาแฟ ได้แก่ ความยาว ความกว้าง ความหนา และปริมาตรของเมล็ดกาแฟ พนวณถ้าความชื้นเริ่มต้นมีค่าสูงค่าความยาว ความกว้าง ความหนา และปริมาตร เมล็ดกาแฟจะมีค่ามากด้วย ความล้มเหลวระหว่างขนาดกับความชื้น

$$RMSE = \left( \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (MR_{pre,i} - MR_{exp,i})^2 \right)^{1/2} \quad (7)$$

เมื่อ  $MR_{exp,i}$  คือ ค่าอัตราส่วนความชื้นที่ได้จากการทดลอง  $MR_{pre,i}$  คือ ค่าอัตราส่วนความชื้นที่ได้จากการแบบจำลอง  $N$  คือ จำนวนชุดข้อมูลของการทดลอง และ  $Z$  คือ จำนวนพารามิเตอร์ในแต่ละแบบจำลอง

#### Mathematical expression

$$\begin{aligned} MR_{pre,i} &= \exp(-kt) \\ MR_{pre,i} &= a\exp(-kt) \\ MR_{pre,i} &= a\exp(-kt) + c \\ MR_{pre,i} &= \exp(-kt^n) \\ MR_{pre,i} &= 1 + at + bt^2 \end{aligned}$$

เริ่มต้นของเมล็ดกาแฟจะอยู่ในรูปสมการพหุนาม (Polynomial) แสดงได้ดังสมการ

$$A = 10^{-5} M_o^2 + 0.0042 M_o + 13.226 \quad (9)$$

$$B = 7.10^{-6} M_o^2 + 0.009 M_o + 9.4719 \quad (10)$$

$$C = -8.10^{-6} M_o^2 + 0.011 M_o + 8.6195 \quad (11)$$

$$V = 21.10^{-4} M_o^2 + 1.3596 M_o + 569.14 \quad (12)$$

เมื่อ  $A$  คือ ความยาวของเมล็ดกาแฟ (mm)

$B$  คือ ความกว้างของเมล็ดกาแฟ (mm)

$C$  คือ ความหนาของเมล็ดกาแฟ (mm)

$V$  คือ ปริมาตรของเมล็ดกาแฟ ( $\text{mm}^3$ )

$M_o$  คือ ความชื้นเริ่มต้นของเมล็ดกาแฟ (อยู่ในช่วง 238-248% มาตรฐานแห้ง)

##### 2. ความหนาแน่นปรากฏ

ผลจากการหาค่าความหนาแน่นปรากฏของเมล็ดกาแฟ ที่ความชื้นเริ่มต้นต่างๆ กัน พนวณเมื่อความชื้นเริ่มต้นของเมล็ดกาแฟมีค่าสูงจะทำให้ค่าความหนาแน่นปรากฏของเมล็ดกาแฟมีค่าสูงด้วย โดยมีความสัมพันธ์ในแบบสมการพหุนาม (Polynomial) ซึ่งแสดงได้ดังสมการ

$$\rho_b = -0.0051M_o^2 + 2.3642M_o + 308.24 \quad (13)$$

เมื่อ  $\rho_b$  คือ ความหนาแน่นปรากภูของเมล็ดกาแฟ ( $\text{kg/m}^3$ )

### 3. ร้อยละช่องว่างของอากาศ

ผลจากการทดลองหาค่าร้อยละช่องว่างของอากาศของเมล็ดกาแฟที่ความชื้นเริ่มต้นต่างๆ กัน พบร่วมกับความชื้นเริ่มต้นมีค่าสูงจะมีร้อยละช่องว่างของอากาศสูงด้วย โดยมีความสัมพันธ์ในรูปแบบสมการพหุนาม (Polynomial) แสดงได้ดังสมการ

$$p_t = -6.10^{-5}M_o^2 + 0.0347M_o + 38.879 \quad (14)$$

เมื่อ  $p_t$  คือ ร้อยละช่องว่างของอากาศของเมล็ดกาแฟ (%)

### 4. ความร้อนจำเพาะ

ผลการคำนวณหาค่าความร้อนจำเพาะของเมล็ดกาแฟที่ความชื้นเริ่มต้นต่างๆ กัน พบร่วมกับความชื้นเริ่มต้นมีค่าสูงจะมีค่าความร้อนจำเพาะสูงขึ้นด้วย โดยมีความสัมพันธ์ในรูปสมการพหุนาม (Polynomial) แสดงได้ดังสมการ

$$C_p = -6 \times 10^{-5}M_o^2 + 0.0036M_o + 4.7348 \quad (15)$$

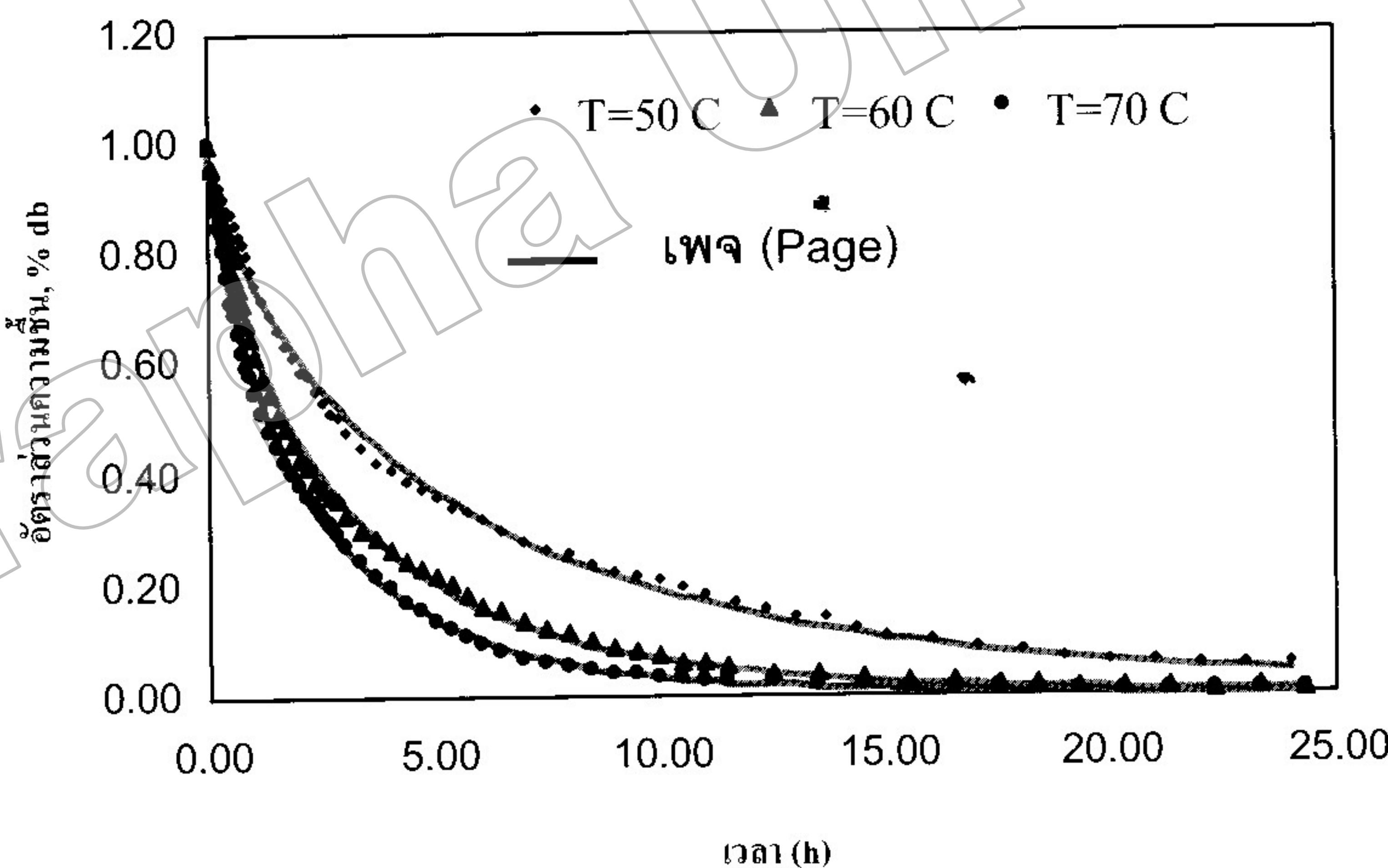
เมื่อ  $C_p$  คือ ความจุความร้อนจำเพาะของเมล็ดกาแฟ

( $\text{kJ/kg}^{-\circ}\text{C}$ )

### ผลการอบแห้งชั้นบางและแบบจำลองทางคณิตศาสตร์

จากการทดลองอบแห้งชั้นบางของเมล็ดกาแฟ ในช่วงอุณหภูมิ  $50\text{--}70^\circ\text{C}$  พบร่วมกับความชื้น มีค่าลดลงแบบเอกซ์เปเนนเชียล เมื่อระยะเวลาในการอบแห้งเพิ่มขึ้น โดยอุณหภูมิสูงกว่าจะมีอัตราส่วนความชื้นสูงกว่า ดังแสดงในภาพที่ 2

การหาค่าอัตราส่วนความชื้นและค่าตัวแปรต่างๆ ของแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ทั้งหมดโดยใช้โปรแกรมทางสถิติ และจากการวิเคราะห์ทางสถิติ พบร่วมกับการอบแห้งชั้นบางเมล็ดกาแฟที่อุณหภูมิค่าต่างๆ แบบจำลองทางคณิตศาสตร์ของเพจ (Page) จะได้ค่า  $R^2$  มากที่สุด และค่า  $\chi^2$  และค่า RMSE ต่ำสุด ซึ่งผลการคำนวณด้วยแบบจำลองจะมีค่าใกล้เคียงกับผลการทดลองมากที่สุด ดังนั้นจะได้ว่าแบบจำลองของเพจ (Page) เป็นแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ที่เหมาะสมที่สุด สำหรับใช้ทำนายการอบแห้งชั้นบางของเมล็ดกาแฟสายพันธุ์คาวติมอร์



ภาพที่ 2 การเปลี่ยนแปลงอัตราส่วนความชื้นของการอบแห้งเมล็ดกาแฟที่ได้จากการทดลองกับการคำนวณด้วยแบบจำลองของเพจ

จากการศึกษาค่าสัมประสิทธิ์การแพร่ความชื้นของเมล็ดกาแฟที่อุณหภูมิอบแห้งต่างๆ ตามสมการของฟิก (Fick) พบร่วมกับความชื้นของเมล็ดกาแฟที่อุณหภูมิอบแห้งต่างๆ แสดงดังตารางที่ 2

ความชื้น และได้ค่าสัมประสิทธิ์การแพร่ความชื้นเมล็ดกาแฟสายพันธุ์คาวติมอร์ที่อุณหภูมิอบแห้งต่างๆ แสดงดังตารางที่ 2

ตารางที่ 2 ผลการคำนวณค่าลัมประลิทธิ์การแพร่ความชื้น ( $D_{eff}$ ) ที่อุณหภูมิอุ่นแห้งต่างๆ

อุณหภูมิ ( $^{\circ}\text{C}$ )	$D_{eff}$ ( $\times 10^{-6} \text{ m}^2/\text{h}$ )	$R^2$
50	3.15	0.9880
60	5.89	0.9895
70	7.85	0.9917

$$\text{หมายเหตุ * : } R^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (MR_i - MR_{\text{pre},i}) \cdot \sum_{i=1}^n (MR_i - MR_{\text{exp},i})}{\sqrt{\left[ \sum_{i=1}^n (MR_i - MR_{\text{pre},i})^2 \right] \cdot \left[ \sum_{i=1}^n (MR_i - MR_{\text{exp},i})^2 \right]}}$$

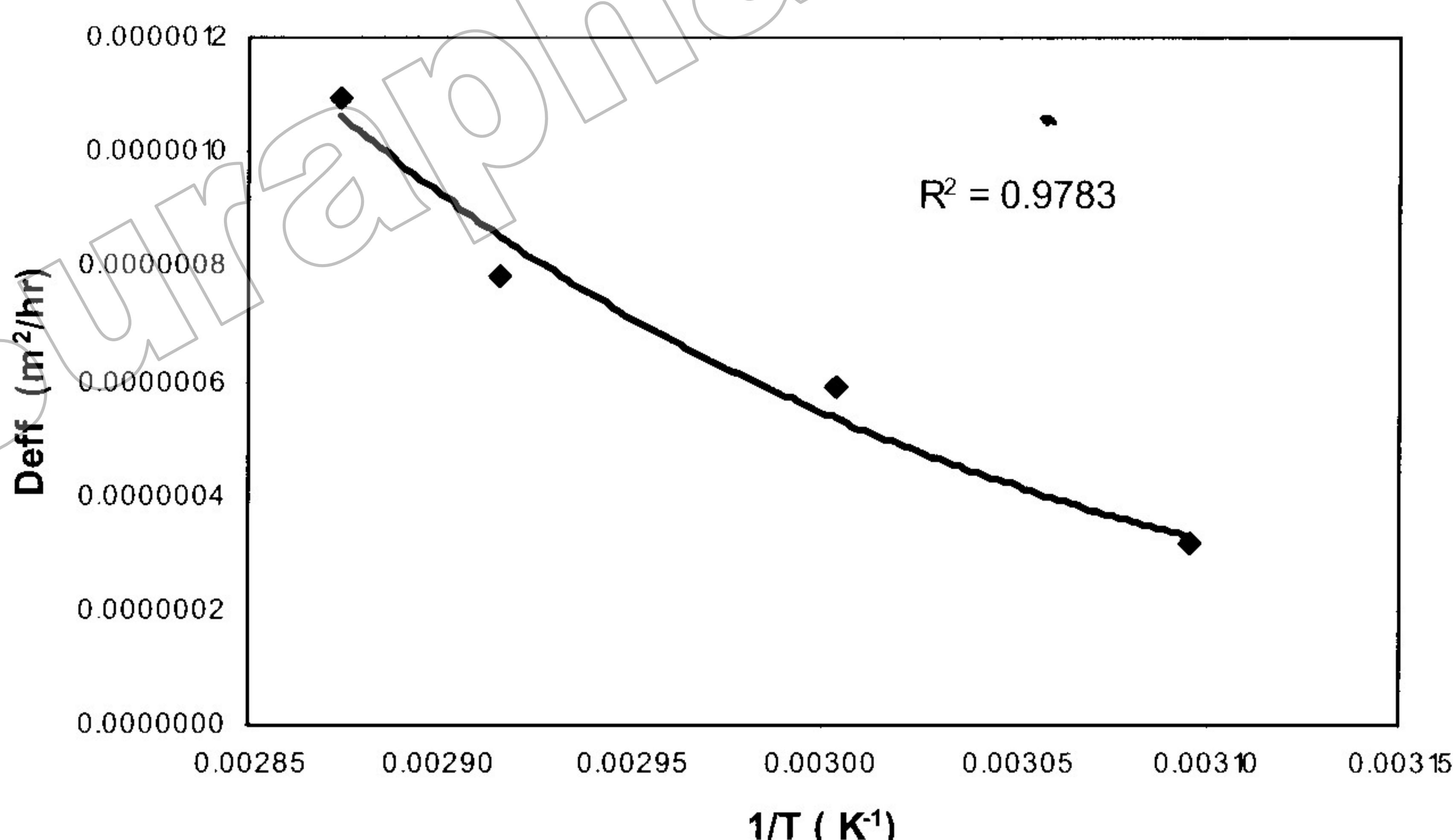
จากตารางที่ 2 จะได้ว่าค่าลัมประลิทธิ์การแพร่ความชื้นจะมีค่าสูงขึ้นตามค่าของอุณหภูมิอุ่นแห้ง แสดงได้ดังภาพที่ 3 และมีความสัมพันธ์กับอุณหภูมิอุ่นแห้งในรูปสมการเอกซ์โพเนนเชียล คือ

$$D_{eff} = 4.511 \exp\left(-\frac{5309.8}{T_{abs}}\right)$$

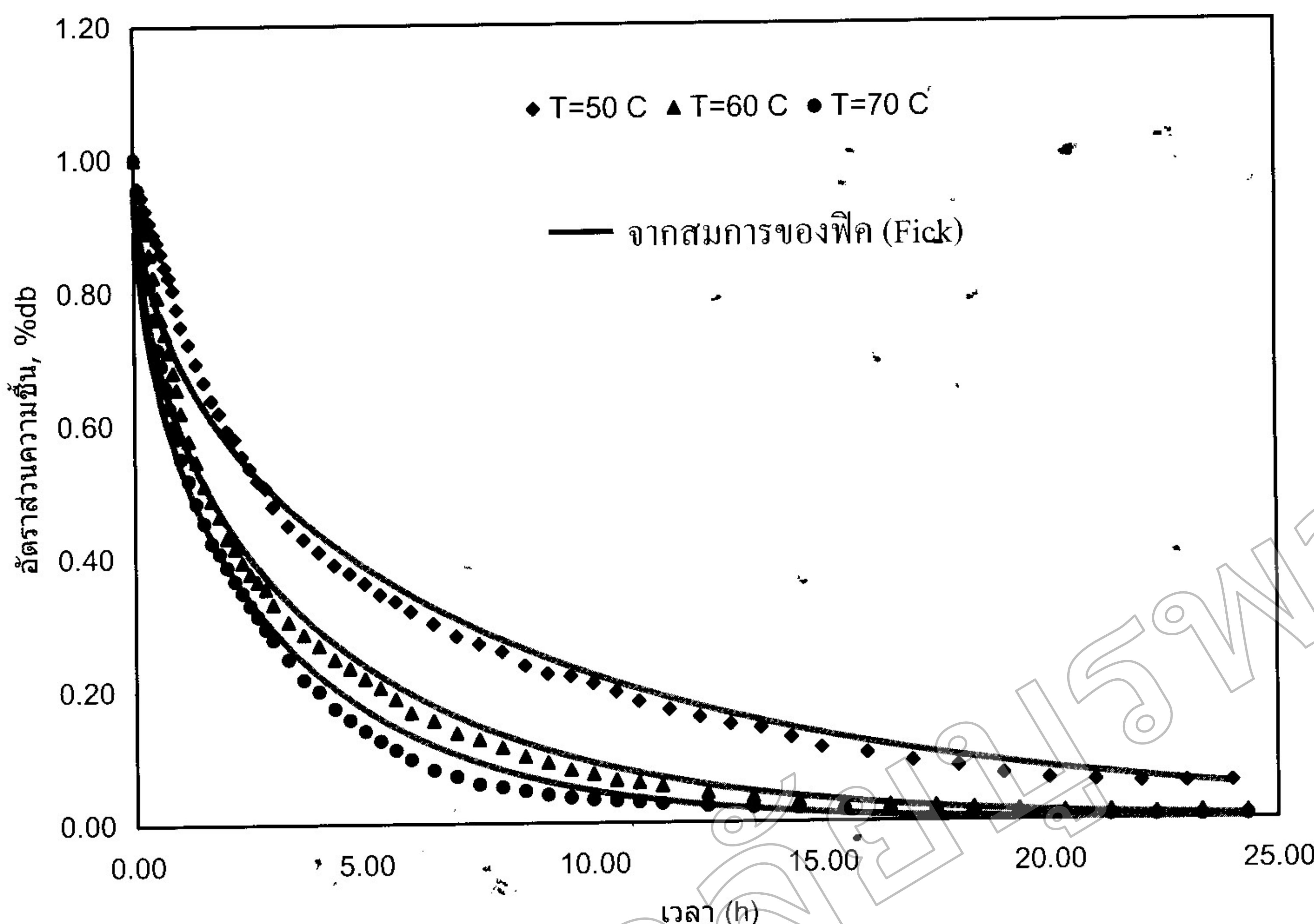
(16)

เมื่อ  $D_{eff}$  คือ ลัมประลิทธิ์การแพร่ความชื้น ( $\text{m}^2/\text{h}$ )  
 $T_{abs}$  คือ อุณหภูมิอุ่นแห้ง (K)

เมื่อนำค่าลัมประลิทธิ์การแพร่ความชื้นที่อุณหภูมิต่างๆ แทนในสมการของฟิก (Fick) พบว่าค่าอัตราส่วนความชื้นที่คำนวณได้จากการของฟิก (Fick) คือ สมการที่ 8 มีค่าใกล้เคียงกับผลที่คำนวณได้จากการทดลองแสดงได้ดังภาพที่ 4



ภาพที่ 3 ค่าลัมประลิทธิ์การแพร่ความชื้นที่อุณหภูมิต่างๆ



ภาพที่ 4 อัตราส่วนความชื้นจากการทดลอง และจากสมการของฟิก (Fick)

#### สรุปผลการทดลอง

จากการศึกษาสมบัติทางกายภาพของเมล็ดกาแฟสายพันธุ์คัร์ติมอร์ ได้แก่ ขนาด ปริมาตร ความหนาแน่นปูรภู ร้อยละ ซองว่างของอากาศ และความร้อนจำเพาะ พบว่ามีค่าเพิ่มชื้นตามความชื้นและมีความสัมพันธ์กับความชื้นในรูปแบบสมการพหุนาม

สำหรับการศึกษาการอบแห้งชั้นบางของเมล็ดกาแฟสายพันธุ์คัร์ติมอร์ พบว่าอุณหภูมิที่ใช้ในการอบแห้งมีผลต่ออัตราส่วนความชื้นในระหว่างการอบแห้ง โดยอัตราส่วนความชื้นมีค่าลดลงเป็นแบบเอกซ์โปเนนเชียล จากการศึกษาแบบจำลองการอบแห้งชั้นบาง พบว่าแบบจำลองของเพจ (Page) จะให้ผลที่ได้ดีที่สุดสำหรับอุณหภูมิ 50, 60 และ 70 °C ค่าสัมประสิทธิ์การแพร์ความชื้นอยู่ในช่วง  $3.15 \times 10^{-6}$  -  $7.85 \times 10^{-6}$  ตารางเมตรต่อวินาที และมีค่าเพิ่มชื้นเมื่ออุณหภูมิอากาศอบแห้งเพิ่มขึ้นโดยค่าสัมประสิทธิ์การแพร์ความชื้นของเมล็ดกาแฟสายพันธุ์คัร์ติมอร์เป็นพังก์ชันกับอุณหภูมิและมีค่าเพิ่มชื้นเป็นแบบเอกซ์โปเนนเชียล

#### เอกสารอ้างอิง

สมชาติ โสภณรณฤทธิ์. (2540). การอบแห้งเมล็ดพืช และอาหาร บางประเภท. (พิมพ์ครั้งที่ 7). สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้า ธนบุรี.

มาเรียนา มะหนี่, อุชาวดี ตันติวรรณรักษ์, บีตี พานิชยุนห์ และ ชนะ จันทร์ฉ้ำ. (2551). สมบัติเชิงความร้อนและ จลนศาสตร์การอบแห้งชั้นบางของพริกชี้ฟ้า. การประชุม วิชาการมหาวิทยาลัยทักษิณ ประจำปี 2551. มหาวิทยาลัย ทักษิณ: สงขลา

Alonso, Jr., P.C., Corra, P.C., Pinto, F.A.C., & Sampaio, C.P.

\*(2003). Shrinkage evaluation of five Different Varieties of Coffee Berries during the Drying Process. *Biosystems Engineering*, 86(4), 481-485.

AOAC. (1990). Official Method of Analysis. Arlington, VA : Association of Official Analytical Chemists, Inc.

Chandrasekar,V., & Viswanathan, R. (1999). Physical and Thermal Properties of Coffee. *Journal of Agriculture Engineering Research*, 73, 227-234.

Crank, J. (1975). The mathematics of diffusion (2<sup>nd</sup> ed.). Oxford, UK : Clarendon Press.

Hakan Okyay Menges & Can Ertekin. (2006). Thin layer drying model for treated and untreated Stanley plums. *Energy Conversion and Management*. 47, 2337-2348.

Ibrahim Doymaz. (2008). Convective drying kinetics of strawberry. *Chemical Engineering and Processing*. 47, 914-919.

Melissa, A., Rodrigues, A., Maria Lcia A., Borges, Adriana

S., Franca, Leandro S., Oliveira Paulo C., & Corra.

(2003). Evaluation of Physical Proprieties of coffee  
during Roasting. *Agriculture Engineering International*,

5.

Paulo Cesar Correa, Osvaldo Resende & Deise Menezes

Ribeiro. (2006). Drying characteristics and kinetics  
of coffee berry, *Revista Brasileira de Produtos  
Agroindustriais, Campina Grande*, 8(1), 01-10.

Varadharaju, N., Karunanidhi, C., & Kailappan, R. (2001).

Coffee Cherry Drying: A two-Layer Model. *Drying  
Technology*, 19(3&4), 709-715.