

ข้อที่ 2 กำหนด S แทน ผลลัพธ์ทั้งหมดของการสร้างเลข 3 หลัก จากเลข 4 จำนวน
คือ 1, 2, 3 และ 4 โดยไม่ใช้เลขโดยซ้ำกัน

$$n(S) = 24$$

กำหนด E แทน เหตุการณ์ของการสร้างเลข 3 หลัก โดยไม่ใช้เลขโดยซ้ำกัน
มีค่าไม่เกิน 200

$$n(E) = 6$$

ข้อที่ 3 $P(E) = \frac{n(E)}{n(S)}$

$$P(E) = \frac{6}{24} = \frac{1}{4} = 0.25$$

ข้อที่ 4 ความน่าจะเป็นที่จะสร้างเลข 3 หลัก โดยไม่ใช้เลขโดยซ้ำกัน มีค่าไม่เกิน 200

คือ $\frac{1}{4}$ หรือ 0.25

4. ในกล่องทึบใบหนึ่งบรรจุลูกบอลที่มีขีดเดียว กัน มีหมายเลข 0 ถึง 10 กำกับลูกละ 1 หมายเลข สุ่มหยิบลูกบอล 1 ลูก โอกาสที่จะหยิบได้ลูกball ที่มีหมายเลขไม่เกินหมายเลข 5 เท่ากันเท่าไร
วิธีทำ ขั้นที่ 1 โจทย์กำหนดคล่องทึบใบหนึ่งบรรจุลูกball ที่มีขีดเดียว กัน มีหมายเลข 0 ถึง 10 กำกับลูกละ 1 หมายเลข

นั่นคือ ลูกball หมายเลข 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10

ขั้นที่ 2 กำหนด S แทน ผลลัพธ์ทั้งหมดของการสุ่มหยิบลูกball ที่มีหมายเลข 0 ถึง 10 กำกับลูกละ 1 หมายเลข

$$n(S) = 11$$

กำหนด E แทน เหตุการณ์ของที่หยิบได้ลูกball ที่มีหมายเลขไม่เกินหมายเลข 5

$$n(E) = 6$$

$$\text{ขั้นที่ } 3 \quad P(E) = \frac{n(E)}{n(S)}$$

$$P(E) = \frac{6}{11}$$

ขั้นที่ 4 โอกาสที่จะหยิบได้ลูกball ที่มีหมายเลขไม่เกินหมายเลข 5 คือ $\frac{6}{11}$

5. คิมเบอร์ลีชวนเพื่อนๆ มาเล่นหวยทอง โดยขายสลากรูปแบบสองตัว หมายเลขละ 100 บาท มีรางวัล เป็นสร้อยทองคำหนักหนึ่งสลึงหนึ่งเสี้น ราคา 2,500 บาท már ก็ได้ซื้อสลากร่วมกัน 5 ตัว แต่คิมเบอร์ลีขายสลากรูปแบบสองตัว หมายเลขละ 2,500 บาท már ก็ควรเล่นหวยทองตามที่คิมเบอร์ลีชวนหรือไม่ เพราเหตุใด

วิธีทำ ขั้นที่ 1 โจทย์กำหนดการขายสลากรูปแบบสองตัว

จะได้ว่ามีสลากรูปแบบ 100 แบบ

ขั้นที่ 2 เนื่องจาก már ก็ซื้อสลากรูปแบบสองตัว จะได้รางวัล 2,500 บาท

ดังนั้น ผลตอบแทนของเหตุการณ์ที่ได้เงิน แทนด้วย +2,500

เนื่องจาก már ก็ซื้อสลากรูปแบบสองตัว จะเสียเงินซื้อสลากรูปแบบสองตัว 100 บาท

ดังนั้น ผลตอบแทนของเหตุการณ์ที่เสียเงิน แทนด้วย -40

$$n(S) = 100$$

E_1 แทน เหตุการณ์ที่มาร์ซื้อสลากรูปแบบสองตัว (ผลตอบแทนที่ได้)

$$n(E_1) = 1$$

$$P(E_1) = \frac{n(E_1)}{n(S)} = \frac{1}{100}$$

E_2 แทน เหตุการณ์ที่มาร์กซื้อสลากที่ไม่ถูกรางวัล (ผลตอบแทนที่เสีย)

$$n(E_2) = 99$$

$$P(E_2) = \frac{n(E_2)}{n(S)} = \frac{99}{100}$$

ข้อที่ 3 ค่าคาดหมาย = ผลรวมของผลคุณระหว่างผลตอบแทนของเหตุการณ์กับ
ความน่าจะเป็นของเหตุการณ์

$$\begin{aligned} \text{ค่าคาดหมาย} &= (\text{ผลตอบแทนที่ได้} \times \text{ความน่าจะเป็นที่ถูกรางวัล}) + \\ &\quad (\text{ผลตอบแทนที่เสีย} \times \text{ความน่าจะเป็นที่ไม่ถูกรางวัล}) + \\ &= (2,500 \times \frac{1}{100}) + (-100 \times \frac{99}{100}) \\ &= 25 - 99 \\ &= -74 \end{aligned}$$

ข้อที่ 4 ไม่ควรเล่นหวยทองตามที่คิมเบอร์ลีชวน เพราะในการซื้อสลาก 1 ใน
มีโอกาสเสียเงิน 74 บาท

แบบทดสอบวัดทักษะการเขื่อมโยงทางคณิตศาสตร์หลังเรียน เรื่อง ความน่าจะเป็น

ชื่อ..... ชั้น..... เลขที่.....

คำชี้แจง

- แบบทดสอบ แบบแสดงวิธีทำ มี 5 ข้อ (20 คะแนน)

- ไม่อนุญาตให้ใช้เครื่องคิดเลข ในการคำนวณ

คำชี้แจง ให้นักเรียนแสดงวิธีทำอย่างละเอียดโดยแสดงตามขั้นตอนทั้ง 4 ขั้นตอน

1. โยนเหรียญ 1 เหรียญ และหยอดลูกเต๋า 1 ลูก พร้อมกัน จนหาผลลัพธ์ทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้นและจำนวนผลลัพธ์ทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้น

วันที่

2. เชิญสามี-ภรรยา 3 คู่ ไปรับประทานอาหาร ถ้าต้องการเลือกคน 2 คน ออกมาระบุ เนื่องจากเหตุการณ์และจำนวนเหตุการณ์ที่ทั้งสองคนจะเป็นสามีภรรยากัน

ວິທີທຳ..

3. ครอบครัวหนึ่งมี พ่อ แม่ สูงอายุ สูงสาว รวม 4 คน ถ้าห้อง 4 คน มาเขียนเข้าແຕวถ่ายรูปหน้ากระดาน
ความน่าจะเป็นที่ลูกจะอยู่ริมหัวงาพ่อก้าแม่เป็นเท่าไรค

วิธีทำ.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

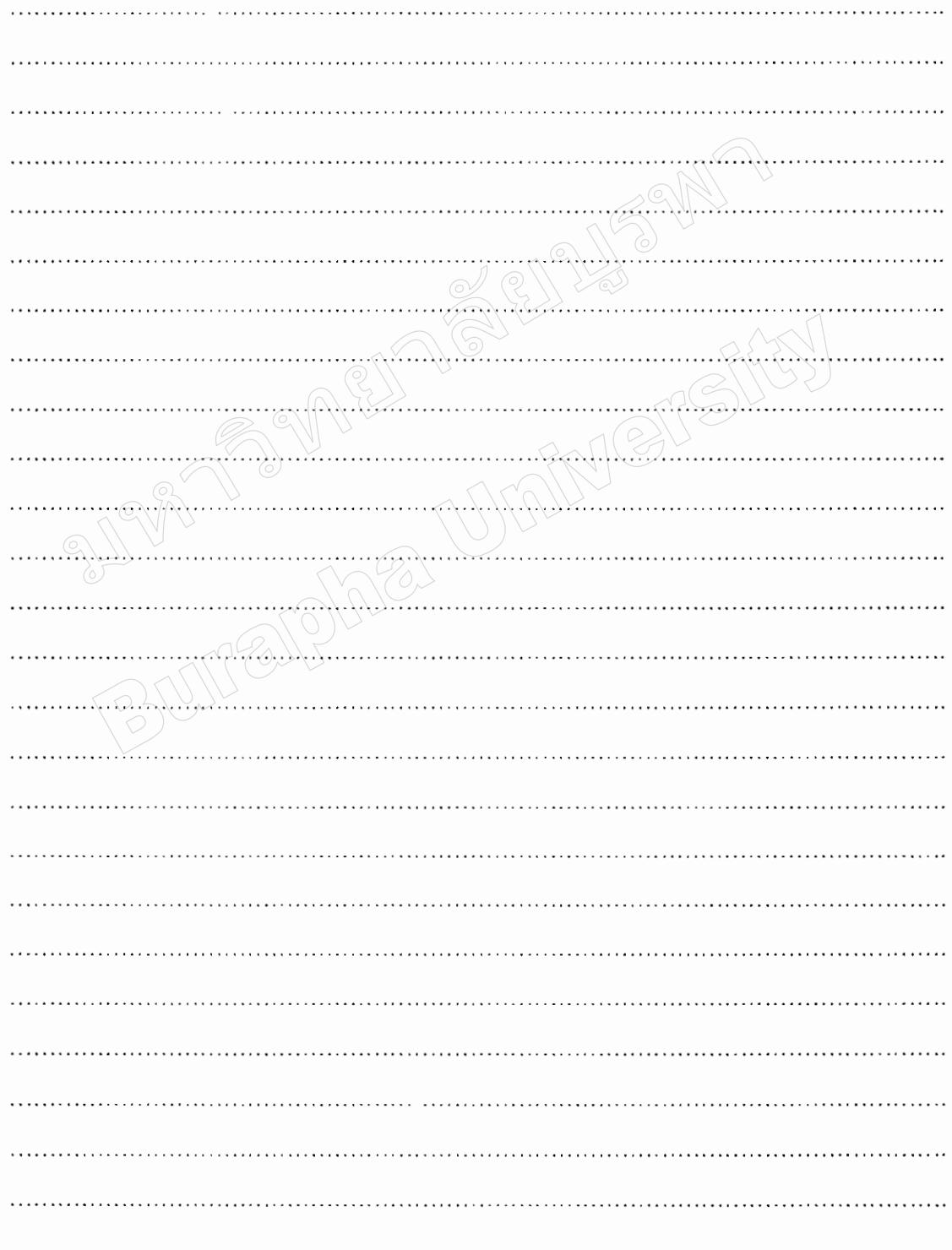
.....

.....

.....

4. ในการสอบวิชาคณิตศาสตร์ 10 ข้อ หากตอบถูกจะมีคะแนนข้อละ 1 คะแนน คนที่จะสอบได้จะต้องได้คะแนนตั้งแต่ 5 คะแนนขึ้นไป ถ้าสุ่มเลือกนักเรียน 1 คน จงหาความน่าจะเป็นที่เขาจะสอบได้

วิธีทำ.....

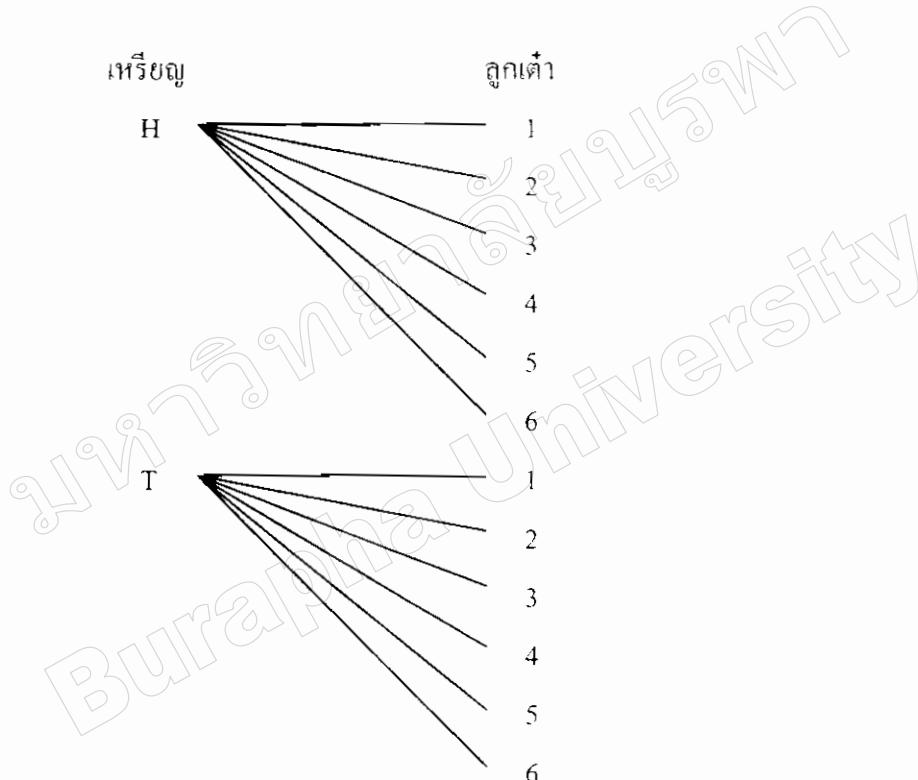


5. ในปี 2555 เกิดอุทกภัยน้ำท่วมอย่างหนัก ทำให้อำเภอนั่งในจังหวัดชุมพร สะพานขาดทางเทศบาลของจังหวัดชุมพรจึงเปิดโอกาสให้บริษัทก่อสร้างที่มีสมบัติตามกำหนดเข้าประเมินราคา บริษัทโชคชัยการซ่อมบ้านว่าถ้ามีการเข้าประเมินราคาแล้ว มีความน่าจะเป็นอยู่ 0.6 ที่บริษัทจะได้งาน และมีกำไร 600,000 บาท และมีความน่าจะเป็นอยู่ 0.4 ที่จะไม่ได้งานและเสียเงิน 400,000 บาท เป็นค่าใช้จ่ายในการเตรียมข้อมูลเข้าประเมินราคา ถ้านักเรียนเป็นเจ้าของบริษัทนี้ที่ต้องการหารายได้ให้บริษัท และเพื่อให้คนงานมีงานทำนักเรียนควรจะเข้าประเมินราคาหรือไม่ เพราะเหตุใด
วิธีทำ.....

เฉลยแบบทดสอบวัดทักษะการเข้ามายิงทางคณิตศาสตร์หลังเรียน เรื่อง ความน่าจะเป็น

1. โยนเหรียญ 1 เหรียญ และทอดลูกเต๋า 1 ลูก พร้อมกัน จงหาผลลัพธ์ทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้นและจำนวนผลลัพธ์ทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้น

วิธีทำ ขั้นที่ 1 ใจทายกำหนดการ โยนเหรียญ 1 เหรียญ และทอดลูกเต๋า 1 ลูก พร้อมกัน



ขั้นที่ 2 $S = \{(H,1),(H,2),(H,3),(H,4),(H,5),(H,6),$

$(T,1),(T,2),(T,3),(T,4),(T,5),(T,6)\}$

ขั้นที่ 3 $n(S) = 12$

ขั้นที่ 4 ผลลัพธ์ที่อาจจะเกิดขึ้นทั้งหมดมี 12 แบบ คือ $(H,1),(H,2),(H,3),$

$(H,4),(H,5),(H,6),(T,1),(T,2),(T,3),(T,4),(T,5)$ และ $(T,6)$

2. เชิญสามี-ภรรยา 3 คน ไปรับประทานอาหาร ถ้าต้องการเลือกคน 2 คน ออกมานำเล่นเกม จงหา

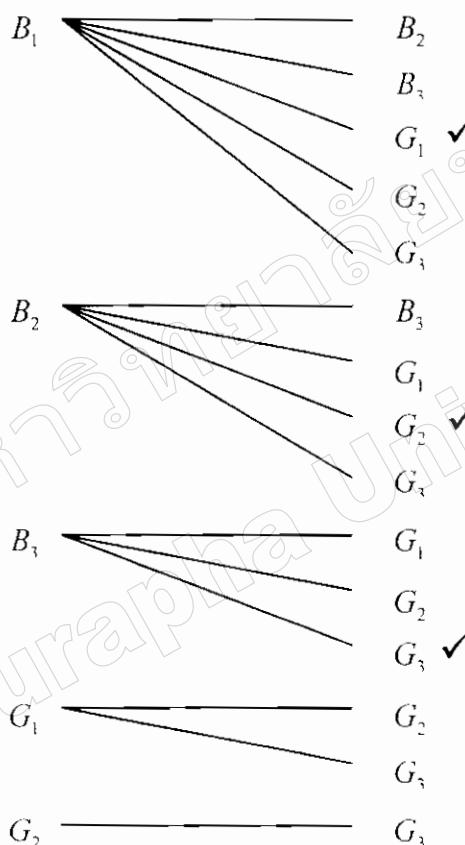
เหตุการณ์และจำนวนเหตุการณ์ที่ทั้งสองคนจะเป็นสามีภรรยากัน

วิธีทำ ขั้นที่ 1 โจทย์กำหนดสามี-ภรรยา 3 คู่ ไปรับประทานอาหาร เลือกคน 2 คน ออกร้านเด่นๆ กัน
กำหนดให้ B แทน สามี

G แทน ภารรยา

กันที่ 1

คณที่ 2



$$\text{ขั้นที่ } 2 \quad S = \{(B_1, B_2), (B_1, B_3), (B_1, G_1), (B_1, G_2), (B_1, G_3), (B_2, G_1),$$

$$(B_2, G_2), (B_2, G_3), (B_3, G_1), (B_3, G_2), (B_3, G_3), (B_1, B_2),$$

$$(G_1, G_2), (G_1, G_3), (G_2, G_3)\}$$

$$n(S) = 15$$

ឧបនទី ៣ $E = \{(B_1, G_1), (B_2, G_2), (B_3, G_3)\}$

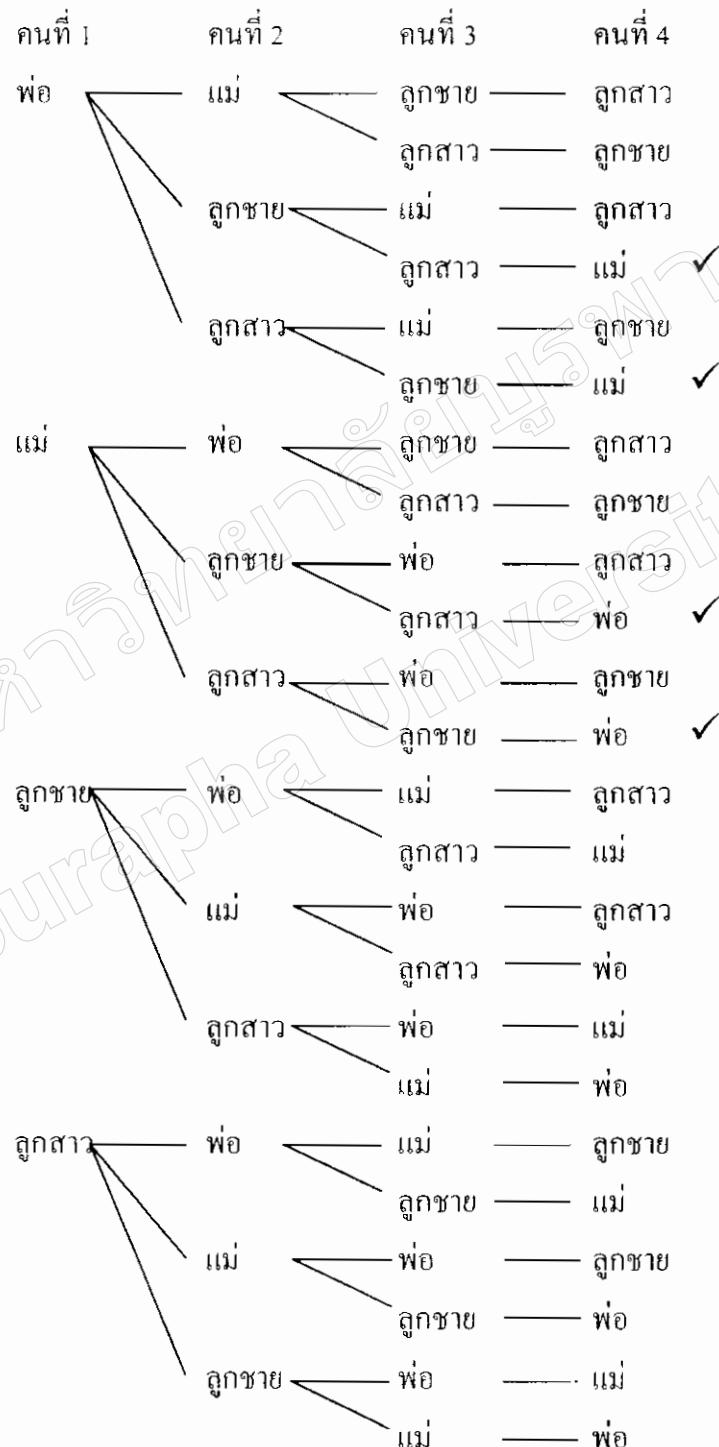
$$n(E) = 3$$

ข้อที่ 4 เหตุการณ์ที่ทั้งสองคนจะเป็นสามีภรรยา กันมี 3 แบบ คือ $(B_1, G_1), (B_2, G_2)$

และ (B_3, G_3)

3. ครอบครัวหนึ่งมี พ่อ แม่ สูกชาด สูกสาว รวม 4 คน ถ้าหั้ง 4 คน มาเยี่ยมเข้าແຕว่าชี้ชูปหน้ากระดาษ ความน่าจะเป็นที่ลูกจะอยู่ร่วมหัวงฟอกก้าแม่เป็นเท่าไร

วิธีทำ ขั้นที่ 1 โจทย์กำหนด พ่อ แม่ สูกชาด สูกสาว รวม 4 คน ยืนเข้าແຕว่าชี้ชูปหน้ากระดาษ



ข้อที่ 2 กำหนด S แทน ผลลัพธ์ทั้งหมดของพ่อ แม่ ลูกชาย ลูกสาว รวม 4 คนยืนเข้าแถว ถ่ายรูปหน้ากระดาษ

$$n(S) = 24$$

กำหนด E แทน เหตุการณ์ของที่ลูกจะอยู่ระหว่างพ่อกับแม่

$$n(E) = 4$$

$$\text{ข้อที่ } 3 \quad P(E) = \frac{n(E)}{n(S)}$$

$$P(E) = \frac{4}{24}$$

$$P(E) = \frac{1}{6}$$

ข้อที่ 4 ความน่าจะเป็นที่ลูกจะอยู่ระหว่างพ่อกับแม่คือ $\frac{1}{6}$

4. ในการสอบวิชาคณิตศาสตร์ 10 ข้อ หากตอบถูกจะมีคะแนนข้อละ 1 คะแนน คนที่จะสอบได้ จะต้องได้คะแนนตั้งแต่ 5 คะแนนขึ้นไป ถ้าสุ่มเลือกนักเรียน 1 คน จงหาความน่าจะเป็นที่เขาจะสอบได้

วิธีทำ ข้อที่ 1 โดยกำหนดการสอบวิชาคณิตศาสตร์ 10 ข้อ ข้อละ 1 คะแนน ถ้าตอบถูก คะแนนในการสอบครั้งนี้อาจจะได้คะแนน 10 คะแนน หรือ 9 คะแนน หรือ 8 คะแนน หรือ 7 คะแนน หรือ 6 คะแนน หรือ 5 คะแนน หรือ 4 คะแนน หรือ 3 คะแนน หรือ 2 คะแนน หรือ 1 คะแนน หรือ 0 คะแนน

ข้อที่ 2 กำหนด S แทน ผลลัพธ์ทั้งหมดของคะแนนจากการสอบวิชาคณิตศาสตร์

$$S = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$$

$$n(S) = 11$$

กำหนด E แทน เหตุการณ์ของที่ได้คะแนนตั้งแต่ 5 คะแนนขึ้นไป

$$E = \{5, 6, 7, 8, 9, 10\}$$

$$n(E) = 6$$

$$\text{ข้อที่ } 3 \quad P(E) = \frac{n(E)}{n(S)}$$

$$P(E) = \frac{6}{11}$$

ข้อที่ 4 ความน่าจะเป็นที่เขาจะสอบได้ คือ $\frac{6}{11}$

5. ในปี 2555 เกิดอุทกภัยน้ำท่วมอย่างหนัก ทำให้อาเภอนี้ในจังหวัดชุมพร ประสบขาดทางเทศบาลของจังหวัดชุมพรซึ่งเปิดโอกาสให้บริษัทก่อสร้างที่มีสมบัติตามกำหนดเข้าประเมินราคา บริษัทโชคชัยการซ่อมพนักงานมีกิจกรรมเข้าประเมินราคาแล้ว มีความน่าจะเป็นอยู่ 0.6 ที่บริษัทจะได้้งาน และมีกำไร 600,000 บาท และมีความน่าจะเป็นอยู่ 0.4 ที่จะไม่ได้้งานและเสียเงิน 400,000 บาท เป็นค่าใช้จ่ายในการเตรียมข้อมูลเข้าประเมินราคา ล้านบาทเป็นเจ้าของบริษัทนี้ที่ต้องการหารายได้ให้บริษัท และเพื่อให้คุณงานมีงานทำนักเรียนควรจะเข้าประเมินราคาหรือไม่ เพราะเหตุใด

วิธีทำ ขั้นที่ 1 บริษัทโชคชัยเข้าประเมินราคา ความน่าจะเป็นอยู่ 0.6 ที่บริษัทจะได้้งานและมีกำไร 600,000 บาท และ ความน่าจะเป็นอยู่ 0.4 ที่จะไม่ได้้งานและเสียเงิน 400,000 บาท

ขั้นที่ 2 เนื่องจาก ความน่าจะเป็นอยู่ 0.6 ที่บริษัทจะได้้งานและมีกำไร 600,000 บาท

ดังนั้น ผลตอบแทนของเหตุการณ์ที่ได้เงิน แทนด้วย +600,000

เนื่องจาก ความน่าจะเป็นอยู่ 0.4 ที่จะไม่ได้้งานและเสียเงิน 400,000 บาท

ดังนั้น ผลตอบแทนของเหตุการณ์ที่เสียเงิน แทนด้วย -400,000

$$E_1 \text{ แทน } \text{เหตุการณ์ที่ได้้งาน} \quad (\text{ผลตอบแทนที่ได้})$$

$$P(E_1) = 0.6$$

$$E_2 \text{ แทน } \text{เหตุการณ์ที่ไม่ได้้งาน} \quad (\text{ผลตอบแทนที่เสีย})$$

$$P(E_2) = 0.4$$

ขั้นที่ 3 ค่าคาดหมาย = ผลรวมของผลคูณระหว่างผลตอบแทนของเหตุการณ์กับ ความน่าจะเป็นของเหตุการณ์

$$\text{ค่าคาดหมาย} = (\text{ผลตอบแทนที่ได้} \times \text{ความน่าจะเป็นที่ไม่ได้้งาน}) +$$

$$(\text{ผลตอบแทนที่เสีย} \times \text{ความน่าจะเป็นที่ไม่ได้้งาน})$$

$$= (600,000 \times 0.6) + (-400,000 \times 0.4)$$

$$= 360,000 - 160,000$$

$$= 200,000$$

ขั้นที่ 4 การเข้าร่วมประมูล เพราะโอกาสได้กำไรมากกว่า