

### บทที่ 3

#### วิธีดำเนินการวิจัย

การดำเนินการวิจัยนี้ ทำการทดลองอบแห้งพริกไทยด้วยเครื่องอบแห้งลมร้อน เพื่อศึกษาจลนพลศาสตร์การอบแห้งของพริกไทย และใช้ข้อมูลจากการทดลองหาแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ที่เหมาะสมของการอบแห้งชั้นบางพริกไทยที่อุณหภูมิต่าง ๆ และหาสัมประสิทธิ์การแพร่ความชื้นประสิทธิผลของพริกไทยตามสมการการแพร่ความชื้นของฟิกส์ (Fick's law) ซึ่งการดำเนินการวิจัยนี้ มีเงื่อนไขการทดลองต่าง ๆ ได้แก่ อุณหภูมิของลมร้อนเท่ากับ 50 60 และ 70 องศาเซลเซียส ความเร็วของลมร้อน 1.0 1.5 และ 2.0 เมตรต่อวินาที

#### วัตถุดิบ

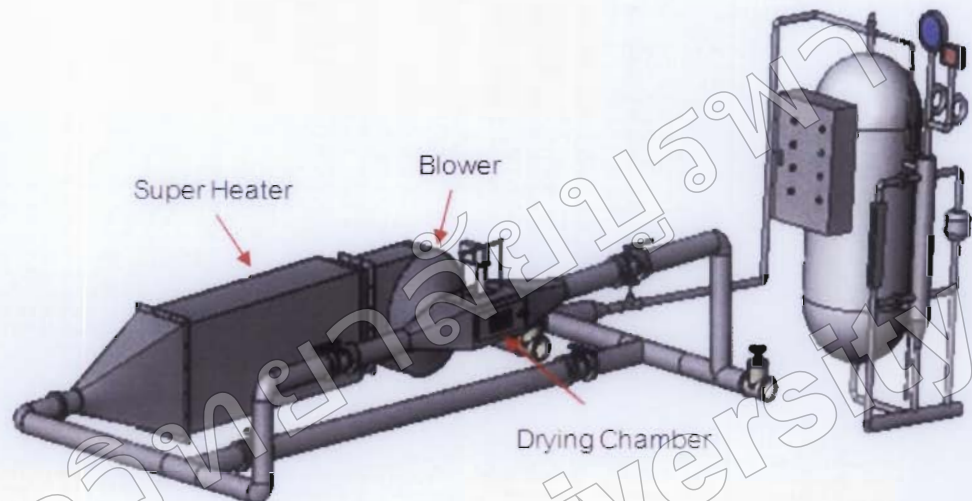
พริกไทยสด ดังภาพที่ 3-1 จำนวน 2 กิโลกรัม แหล่งวัตถุดิบจากตลาดหนองมน ตำบลแสนสุข อำเภอเมือง จังหวัดชลบุรี



ภาพที่ 3-1 พริกไทยสด

### เครื่องมือและอุปกรณ์

1. เครื่องอบแห้งแบบลมร้อน ดังภาพที่ 3-2 ประกอบด้วยชุดให้ความร้อน (Super Heater) ขนาด 4.5 กิโลวัตต์ พัดลม (Blower) แบบแรงเหวี่ยงใบพัดโค้งหลัง มอเตอร์ขนาด 0.75 กิโลวัตต์ สามารถปรับความเร็วรอบได้



ภาพที่ 3-2 เครื่องอบแห้งลมร้อนระดับห้องปฏิบัติการ

2. เครื่องชั่งน้ำหนักแบบดิจิตอล ยี่ห้อ Sartorius รุ่น TE3102S ขนาด 3,100 กรัม ความละเอียด  $\pm 0.01$  กรัม ดังภาพที่ 3-3



ภาพที่ 3-3 เครื่องชั่งน้ำหนักแบบดิจิตอล

3. ตู้อบไฟฟ้า ยี่ห้อ Binder สำหรับหามวลแห้ง ดังภาพที่ 3-4



ภาพที่ 3-4 ตู้อบไฟฟ้า

4. ถ้วยโลหะสำหรับหาความชื้น (Moisture can) ดังภาพที่ 3-5



ภาพที่ 3-5 ถ้วยโลหะสำหรับหาความชื้น

### วิธีดำเนินการวิจัย

มีขั้นตอนการดำเนินงานดังต่อไปนี้

1. ศึกษา และค้นคว้าข้อมูลที่เกี่ยวข้องกับงานวิจัย
2. ดำเนินการทดลองและเก็บข้อมูล
3. รวบรวมข้อมูล วิเคราะห์ข้อมูลและสรุปผล

## 1. ศึกษา และค้นคว้าที่เกี่ยวข้องกับงานวิจัย

- 1.1 ศึกษาข้อมูลที่เกี่ยวข้องกับทฤษฎีการอบแห้ง แบบจำลองทางคณิตศาสตร์การอบแห้งชั้นบาง สัมประสิทธิ์การแพร่ความชื้นประสิทธิผล และการอบแห้งพริกไทย
- 1.2 ศึกษางานวิจัยที่เกี่ยวข้องกับการอบแห้งชั้นบางด้วยเครื่องอบแห้งลมร้อน
- 1.3 ศึกษาวิธีการวิจัยจากเอกสาร งานวิจัยต่าง ๆ

## 2. ดำเนินการทดลองและเก็บข้อมูล

การอบแห้งแต่ละการทดลองจะใช้พริกไทยสดที่มีความชื้นเริ่มต้นประมาณร้อยละ 300 มาตรฐานแห้ง จำนวน 100 กรัม ก่อนทำการทดลองจะเปิดเครื่องเพื่อเป็นการอุ่นเครื่องประมาณ 30 นาที จากนั้นนำพริกไทยเข้าเครื่องอบแห้งลมร้อนที่อุณหภูมิอบแห้งและความเร็วลมระดับต่าง ๆ โดยการเปลี่ยนแปลงความชื้นของพริกไทยขณะทำการอบแห้งจะชั่งน้ำหนักด้วยเครื่องชั่งน้ำหนักแบบดิจิตอลความละเอียด  $\pm 0.01$  กรัม ทุก ๆ 10 นาที ในช่วง 1 ชั่วโมงแรก และทุก ๆ 30 นาที จนถึงสิ้นสุดการทดลอง หลังจากนั้นเพื่อหามวลแห้งจึงนำพริกไทยที่ได้อบแห้งด้วยตู้อบไฟฟ้าที่อุณหภูมิ 103 องศาเซลเซียส เป็นเวลา 72 ชั่วโมง

## 3. รวบรวมข้อมูล วิเคราะห์ข้อมูลและสรุปผล

- 3.1 การวิเคราะห์ข้อมูลเพื่อหาจลนพลศาสตร์การอบแห้งในงานวิจัยนี้ ทำการวิเคราะห์ตั้งแต่ความชื้นเริ่มต้นจนกระทั่งความชื้นสุดท้าย คำนวณโดยใช้สมการ (2-3) และสมการ (2-4) ศึกษาจลนพลศาสตร์การอบแห้งพริกไทย ในรูปของอัตราส่วนความชื้น (Moisture ratio, MR) ดังสมการที่ (3-1)

$$MR = \frac{M_t - M_e}{M_i - M_e} \quad (3-1)$$

โดยที่ MR คือ อัตราส่วนความชื้น, ไร้หน่วย

$M_t$  คือ ความชื้นที่เวลาใด ๆ, มาตรฐานแห้ง

$M_i$  คือ ความชื้นเริ่มต้น, มาตรฐานแห้ง

$M_e$  คือ ความชื้นสมดุล, มาตรฐานแห้ง

เมื่อระยะเวลาการอบแห้งนานมาก สมการ (3-1) สามารถใช้คำตอบเฉพาะเทอมแรกเท่านั้น และอัตราส่วนความชื้น (MR) สามารถทำให้ง่ายขึ้นโดยให้เป็น  $M_t/M_i$  เนื่องจาก  $M_e$  มีค่าค่อนข้างน้อยเมื่อเทียบกับ  $M_t$  หรือ  $M_i$

3.2 วิเคราะห์ข้อมูลเพื่อหาแบบจำลองทางคณิตศาสตร์การอบแห้งชั้นบางที่เหมาะสม โดยนำอัตราส่วนความชื้น (MR) และเวลาที่ใช้ในการอบแห้ง ข้อมูลที่ได้จากการทดลองจะนำมาวิเคราะห์หาความสัมพันธ์กับพารามิเตอร์ต่าง ๆ โดยใช้โปรแกรมวิเคราะห์ทางสถิติ รูปแบบของแบบจำลองการอบแห้งชั้นบาง ดังตารางที่ 3-1 เพื่อใช้ทำนายผลข้อมูลที่ได้จากการทดลอง โดยข้อมูลที่ได้จากการทดลองจะเหมาะสมกับแบบจำลองใดมากที่สุด พิจารณาจากค่าสัมประสิทธิ์การตัดสินใจ (Coefficient of Determination :  $R^2$ ) ค่าร้อยละความคลาดเคลื่อนสัมพัทธ์เฉลี่ย (Mean Relative Percent Error : %P) ค่ารากที่สองของความคลาดเคลื่อนเฉลี่ยกำลังสอง (Root Mean Square Error : RMSE) และค่าไคสแคว (reduced chi-square :  $\chi^2$ ) แสดงดังสมการที่ (3-2) ถึงสมการที่ (3-5) ตามลำดับ โดยแบบจำลองที่ดีกว่าจะต้องให้ค่า  $R^2$  สูง และให้ค่า %P RMSE และ  $\chi^2$  ต่ำกว่าแบบจำลองอื่น ๆ

$$R^2 = \frac{\left( \sum_{i=1}^N MR_{exp,i} \times MR_{pre,i} \right)^2}{\left( \sum_{i=1}^N MR_{exp,i}^2 \right) \left( \sum_{i=1}^N MR_{pre,i}^2 \right)} \quad (3-2)$$

$$P = \frac{100}{N} \sum_{i=1}^N \frac{|MR_{exp,i} - MR_{pre,i}|}{MR_{exp,i}} \quad (3-3)$$

$$RMSE = \left[ \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (MR_{exp,i} - MR_{pre,i})^2 \right]^{1/2} \quad (3-4)$$

$$\chi^2 = \frac{\sum_{i=1}^N (MR_{exp,i} - MR_{pre,i})^2}{N - n} \quad (3-5)$$

|       |              |                                        |
|-------|--------------|----------------------------------------|
| เมื่อ | $MR_{exp,i}$ | คือ อัตราส่วนความชื้นที่ได้จากการทดลอง |
|       | $MR_{pre,i}$ | คือ อัตราส่วนความชื้นที่ได้จากการทำนาย |
|       | $N$          | คือ จำนวนข้อมูลที่ทำกรทดลอง            |
|       | $n$          | คือ จำนวนค่าคงที่ของแบบจำลอง           |

3.3 วิเคราะห์ข้อมูลเพื่อหาค่าสัมประสิทธิ์การแพร่ความชื้นประสิทธิผลของพริกไทย โดยใช้สมการการแพร่ความชื้นตามกฎข้อที่สองของฟิคส์ (Fick's Second Law of Diffusion) ดังสมการที่ (2-6) เพื่อใช้ในการทำนายการเคลื่อนที่ของความชื้น

ผลเฉลยทั่วไปของสมการสำหรับการแพร่ความชื้นภายในผลิตภัณฑ์ ดังสมการที่ (3-6) ภายใต้สมมติฐานที่ว่าผลิตภัณฑ์ มีรูปทรงเป็นทรงกลมสม่ำเสมอและกำหนดให้การแพร่ความชื้นเกิดขึ้นเฉพาะในแนวรัศมีเท่านั้น ในขณะที่ทำการอบแห้ง อุณหภูมิและสัมประสิทธิ์การแพร่ความชื้นประสิทธิผลมีค่าคงที่และไม่เกิดการหดตัวของผลิตภัณฑ์

$$MR = \frac{M_t - M_e}{M_i - M_e} = \frac{6}{\pi^2} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2} \exp\left(-\frac{n^2 D_{eff} \pi^2 t}{r^2}\right) \quad (3-6)$$

เมื่อใช้เวลาในการอบแห้งนานพอ สามารถพิจารณาเฉพาะพจน์ ( $n=1$ ) ของผลเฉลยจากสมการที่ (3-6) ได้ดังนี้

$$MR = \frac{M_t - M_e}{M_i - M_e} = \frac{6}{\pi^2} \exp\left(-\frac{n^2 D_{eff} \pi^2 t}{r^2}\right) \quad (3-7)$$

จากสมการที่ (3-7) สามารถเขียนให้อยู่ในรูปของลอการิทึมธรรมชาติได้เป็น

$$\ln(MR) = \ln\left(\frac{6}{\pi^2}\right) - F_0 \pi^2 \quad (3-8)$$

เมื่อกำหนดให้  $F_0$  คือ Fourier number มีค่าเป็น

$$F_0 = \frac{D_{eff} t}{r^2} \quad (3-9)$$

ดังนั้นจากสมการที่ (3-8) สามารถเขียนใหม่ได้เป็น

$$F_0 = -0.1012 \ln(MR) - 0.0504 \quad (3-10)$$

และ 
$$D_{eff} = \frac{F_0}{(t/r^2)} \quad (3-11)$$

- เมื่อ  $D_{\text{eff}}$  คือ สัมประสิทธิ์การแพร่ความชื้นประสิทธิผล, ตารางเมตรต่อวินาที  
 $r$  คือ รัศมีของพริกไทย, เมตร  
 $t$  คือ เวลาที่ใช้ในการอบแห้ง, วินาที

การหาค่าสัมประสิทธิ์การแพร่ความชื้นประสิทธิผล โดยการแทนค่า  $F_0$  เวลาที่ใช้ในการอบแห้งและค่ารัศมีของพริกไทยลงในสมการที่ (3-11) จะได้สัมประสิทธิ์การแพร่ความชื้นประสิทธิผลที่ความชื้นและเวลาอบแห้งต่าง ๆ จากนั้นสามารถเขียนความสัมพันธ์ของสัมประสิทธิ์การแพร่ความชื้นประสิทธิผลที่ขึ้นกับความชื้นของพริกไทยในรูปของสมการกำลังสองได้ดังสมการที่ (3-12)

$$D_{\text{eff}} = aM^2 + bM + c \quad (3-12)$$

- เมื่อ  $M$  คือ ความชื้นของพริกไทยที่เวลาใด ๆ, ร้อยละมาตรฐานแห้ง  
 $a, b, c$  คือ ค่าคงที่ใด ๆ

จากสมการที่ (3-12) สามารถหาค่าคงที่  $a, b$  และ  $c$  ได้โดยใช้การวิเคราะห์การถดถอยโดยใช้โปรแกรมวิเคราะห์ทางสถิติและพิจารณาความถูกต้องจากค่าสัมประสิทธิ์การตัดสินใจสูงสุด

ตารางที่ 3-1 แบบจำลองทางคณิตศาสตร์ของการขับแห้งชั้นบาง

| ที่ | ชื่อแบบจำลอง                | ชนิดแบบจำลอง                           | อ้างอิง                     |
|-----|-----------------------------|----------------------------------------|-----------------------------|
| 1   | Newton                      | $MR = \exp(-kt)$                       | Ayensu (1997)               |
| 2   | Page                        | $MR = \exp(-kt^m)$                     | Agrawal and Singh (1977)    |
| 3   | Henderson and Pabis         | $MR = a \exp(-kt)$                     | Westerman et al. (1973)     |
| 4   | Logarithmic                 | $MR = a \exp(-kt) + c$                 | Yagcioglu et al. (1999)     |
| 5   | Modified Page               | $MR = \exp(-kt)^n$                     | White et al. (1981)         |
| 6   | Two term                    | $MR = a \exp(-k_1 t) + b \exp(-k_2 t)$ | Henderson (1974)            |
| 7   | Two term exponential        | $MR = a \exp(-kt) + (1-a) \exp(-kat)$  | Sharaf-Eldeen et al. (1980) |
| 8   | Wang and Singh              | $MR = 1 + at + bt^2$                   | Wang and Singh (1978)       |
| 9   | Approximation and diffusion | $MR = a \exp(-kt) + (1-a) \exp(-kbt)$  | Yaldiz and Ertekin (2001)   |
| 10  | Midilli et al.              | $MR = a \exp(-kt^n) + bt$              | Midilli et al. (2002)       |