

## บทที่ 2

### เอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

ในการวิจัยเพื่อออกแบบและสร้างชุดการทดลองหาค่าสัมประสิทธิ์การขยายตัวของโลหะ ผู้วิจัยศึกษาค้นคว้าเอกสารที่เกี่ยวข้องดังต่อไปนี้

1. การขยายตัวของวัตถุเนื่องจากความร้อน
2. ไดอลเกจ (Dial Gauge)
3. การออกแบบและสร้างชุดทดลอง
4. งานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

#### การขยายตัวของวัตถุเนื่องจากความร้อน

วัตถุโดยทั่วไปเมื่อได้รับความร้อนจะขยายตัว ผลของการขยายตัวทำให้ความยาว หรือพื้นที่หน้าตัด หรือปริมาตรของวัตถุเพิ่มขึ้น ในทางกลับกันถ้าวัตถุสูญเสียความร้อน หรือความร้อนวัตถุจะลดตัวทำให้มีความยาว พื้นที่หน้าตัด หรือปริมาตรลดลง สมบัติที่สำคัญเกี่ยวกับการขยายตัวของแข็งที่ควรทราบ ได้แก่

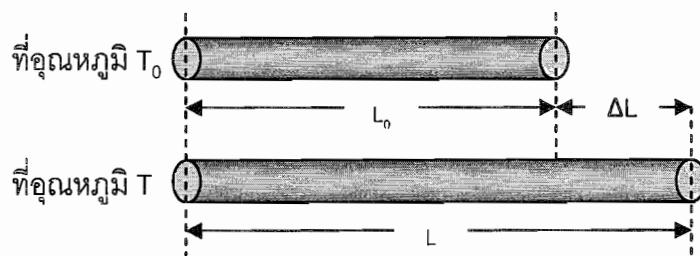
- ของแข็งต่างชนิดกัน ถ้าเดิมมีความยาวเท่ากัน และเมื่อมีความร้อนที่เพิ่มขึ้นเท่ากัน จะมีส่วนขยายตัวเพิ่มขึ้นต่างกัน

- ของแข็งชนิดเดียวกัน ถ้ามีความยาวเท่ากัน เมื่อมีความร้อนเพิ่มขึ้นเท่ากัน จะมีการขยายตัวในปริมาณที่เพิ่มขึ้นเท่ากัน

- สมบัติการขยายตัวและลดตัวของวัตถุเมื่ออุณหภูมิเปลี่ยน เป็นเรื่องที่ควรต้องคำนึงถึงเวลาคำนวณวัตถุมาใช้งาน (สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี [สสวท.], 2551, หน้า 52-53)

การขยายตัวเนื่องจากความร้อนของของแข็งแบ่งเป็น 3 ประเภท คือ การขยายตัวเชิงเส้น การขยายตัวเชิงพื้นที่ และการขยายตัวเชิงปริมาตร โดยมีรายละเอียดดังต่อไปนี้

1. การขยายตัวเชิงเส้น (Linear Expansion) คือ การที่วัตถุนั้นขยายตัวออกไปทางด้านใดด้านหนึ่งตามความยาว เมื่อวัตถุนั้นได้รับความร้อนเพิ่มขึ้น โดยความยาวที่เพิ่มขึ้นจะเป็นสัดส่วนโดยตรงกับความยาวเดิมและอุณหภูมิที่เพิ่มขึ้น ดังภาพที่ 2-1



ภาพที่ 2-1 ความยาวของแท่งวัตถุเมื่ออุณหภูมิเปลี่ยนแปลง

จะได้ว่า

$$\Delta L \propto L_0 \Delta T$$

(2-1)

$$\Delta L = \alpha L_0 \Delta T$$

(2-2)

ให้  $\alpha$  เป็นค่าคงที่เฉพาะวัตถุแต่ละชนิด เรียกว่า สัมประสิทธิ์การขยายตัวเชิงเส้น  
(Coefficient of Linear Expansion)

$$\alpha = \frac{\Delta L}{L_0 \Delta T} = \frac{(L - L_0)}{L_0 (T - T_0)}$$

เมื่อ  $\alpha$  คือ สัมประสิทธิ์การขยายตัวเชิงเส้น ( $^{\circ}\text{C}^{-1}$ )

$L_0$  คือ ความยาวเริ่มต้น (m)

$L$  คือ ความยาวที่อุณหภูมิ  $T$  ได ๆ (m)

$T_0$  คือ อุณหภูมิเริ่มต้น ( $^{\circ}\text{C}$ )

$T$  คือ อุณหภูมิขณะได ๆ ( $^{\circ}\text{C}$ )

$\Delta L$  คือ ความยาวที่เพิ่มขึ้น (m)

$\Delta T$  คือ อุณหภูมิที่เพิ่มขึ้น ( $^{\circ}\text{C}$ )

เมื่อนำค่า  $\Delta L$  กับ  $\Delta T$  ไปเขียนกราฟความสัมพันธ์โดยให้แกน  $y$  แทน  $\Delta L$  และแกน  $x$  แทน  $\Delta T$  พบร้าค่าความชัน (slope) ของกราฟ มีค่าเท่ากับ  $\frac{\Delta L}{\Delta T}$  หรือสามารถเขียนในรูป  
ความสัมพันธ์ ดังนี้

$$\alpha = \frac{\text{slope}}{L_0}$$

(2-4)

วัตถุใดที่มีค่าสัมประสิทธิ์การขยายตัวมากจะขยายตัวได้มากกว่าวัตถุที่มีค่าสัมประสิทธิ์การขยายตัวน้อย เช่น ที่อุณหภูมิ  $25^{\circ}\text{C}$  และความดันบรรยายกาศเดียวกัน อะลูมิเนียม ทองเหลือง ทองแดง จะมีการขยายตัวจากมากไปน้อยตามลำดับ ตัวอย่างค่าสัมประสิทธิ์การขยายตัวเชิงเส้นเนื่องจากความร้อนของวัสดุต่าง ๆ แสดงดังตารางที่ 2-1

ตารางที่ 2-1 ค่าสัมประสิทธิ์การขยายตัวเชิงเส้นเนื่องจากความร้อนของวัสดุต่าง ๆ  
(Young, 2004, pp.646-651)

วัสดุ	$\alpha (\text{ }^{\circ}\text{C}^{-1})$
อะลูมิเนียม	$2.4 \times 10^{-5}$
ทองเหลือง	$2.0 \times 10^{-5}$
ทองแดง	$1.7 \times 10^{-5}$
แก้ว	$0.4 - 0.9 \times 10^{-5}$
เหล็ก	$1.2 \times 10^{-5}$
สเตนเลส	$1.73 \times 10^{-5}$

2. การขยายตัวเชิงพื้นที่ (Area Expansion) คือ การที่พื้นที่ผิวด้านใดด้านหนึ่งของวัตถุนั้น มีพื้นที่เพิ่มขึ้นเมื่อวัตถุได้รับความร้อนเพิ่มขึ้น โดยพื้นที่ที่เพิ่มขึ้นจะเป็นสัดส่วนโดยตรงกับพื้นที่เดิมและอุณหภูมิที่เพิ่มขึ้น

จะได้ว่า

$$\Delta A \propto A_0 \Delta T$$

(2-5)

$$\Delta A = \beta A_0 \Delta T$$

(2-6)

ให้  $\beta$  เป็นสัมประสิทธิ์การขยายตัวเชิงพื้นที่ของวัตถุ (Coefficient of Area Expansion)

$$\beta = \frac{\Delta A}{A_0 \Delta T} = \frac{(A - A_0)}{A_0(T - T_0)}$$

(2-7)

เมื่อ  $\beta$  คือ สัมประสิทธิ์การขยายตัวเชิงพื้นที่ ( $^{\circ}\text{C}^{-1}$ )

$A_0$  คือ พื้นที่เริ่มต้น ( $\text{m}^2$ )

$A$  คือ พื้นที่ที่อุณหภูมิ  $T$  ได ๆ ( $\text{m}^2$ )

$T_0$  คือ อุณหภูมิเริ่มต้น ( $^{\circ}\text{C}$ )

$T$  คือ อุณหภูมิขณะใด ๆ ( $^{\circ}\text{C}$ )

$\Delta A$  คือ พื้นที่ที่เพิ่มขึ้น ( $\text{m}^2$ )

$\Delta T$  คือ อุณหภูมิที่เพิ่มขึ้น ( $^{\circ}\text{C}$ )

เนื่องจากการคำนวณหาพื้นที่ได้มาจากการลดคุณความยาวของด้าน 2 ด้าน ดังนั้นทำให้ความสัมพันธ์ระหว่าง  $\beta$  และ  $\alpha$  เป็นดังนี้

$$\beta = 2\alpha \quad (2-8)$$

3. การขยายตัวเชิงปริมาตร (Volume Expansion) คือ การที่ปริมาตรของวัตถุทั้งก้อนเพิ่มขึ้นเมื่อวัตถุนั้นได้รับความร้อนเพิ่มขึ้น โดยปริมาตรที่เพิ่มขึ้นจะเป็นสัดส่วนโดยตรงกับปริมาตรเดิมและอุณหภูมิที่เพิ่มขึ้น

$$\text{จะได้ว่า } \Delta V \propto V_0 \Delta T \quad (2-9)$$

$$\Delta V = \gamma V_0 \Delta T \quad (2-10)$$

ให้  $\gamma$  เป็นสัมประสิทธิ์การขยายตัวเชิงปริมาตรของวัตถุ (Coefficient of Volume Expansion)

$$\gamma = \frac{\Delta V}{V_0 \Delta T} = \frac{(V - V_0)}{V_0(T - T_0)} \quad (2-11)$$

เมื่อ  $\gamma$  คือ สัมประสิทธิ์การขยายตัวเชิงปริมาตร ( $^{\circ}\text{C}^{-1}$ )

$V_0$  คือ ปริมาตรเริ่มต้น ( $\text{m}^3$ )

$V$  คือ ปริมาตรที่อุณหภูมิ  $T$  ได ๆ ( $\text{m}^3$ )

$T_0$  คือ อุณหภูมิเริ่มต้น ( $^{\circ}\text{C}$ )

$T$  คือ อุณหภูมิขณะใด ๆ ( $^{\circ}\text{C}$ )

$\Delta V$  คือ ปริมาตรที่เพิ่มขึ้น ( $\text{m}^3$ )

$\Delta T$  คือ อุณหภูมิที่เพิ่มขึ้น ( $^{\circ}\text{C}$ )

ความสัมพันธ์ระหว่าง  $\gamma$ ,  $\beta$  และ  $\alpha$  เป็นดังนี้

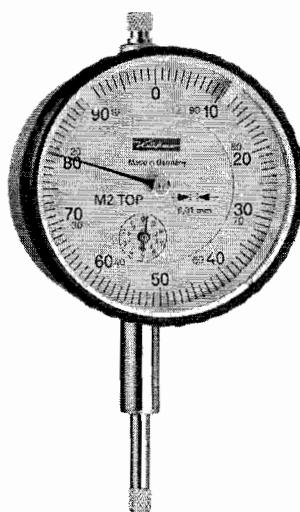
$$\gamma = 3\alpha \quad (2-12)$$

หรือ  $\gamma = \frac{3}{2}\beta \quad (2-13)$

### ไดอัลเกจ

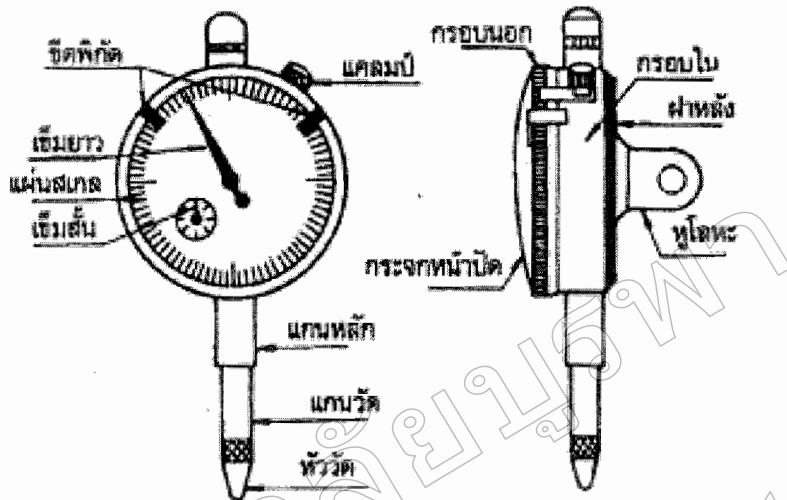
ไดอัลเกจ (Dial gauge) เป็นเครื่องมือวัดละเอียดที่สามารถใช้งานได้หลายประเภท เช่น วัดขนาดของชิ้นงาน วัดตรวจสอบความเที่ยงตรงของงานกลม วัดตรวจสอบความผิดพลาดของชิ้นงาน และการใช้งานวัดร่วมกับงานคอมพาราเตอร์ (Comparator) ไดอัลเกจใช้หลักการทำงานโดยอาศัยการเคลื่อนที่ของแกนวัดที่ขับเคลื่อนโดยเพื่องสะพานและเพื่องขับตัวเล็ก โดยอาศัยเพื่องตรงเป็นตัวเชื่อมติดต่อกับเข็ม

ลักษณะภายนอกโดยทั่วไปของไดอัลเกจแสดงดังภาพที่ 2-2 ค่าความละเอียดของไดอัลเกจมีทั้งแบบ 0.01 มิลลิเมตร และ 0.001 มิลลิเมตร เมื่อหัวสัมผัสถูกดันเข้าไปขึ้นเข็มยาวของหน้าปัดจะหมุนตามเข็มนาฬิกา เมื่อเข็มยาวหมุนครบ 1 รอบ เข็มลับจะหมุนไป 1 ช่องสเกล เมื่อมองดูที่หน้าปัดของเข็มลับจะทราบทันทีว่าเข็มยาวหมุนไปกี่รอบ



ภาพที่ 2-2 ลักษณะภายนอกโดยทั่วไปของไดอัลเกจ (<http://www.nanasupplier.com>)

## ส่วนประกอบและหน้าที่ของไดอัลเกจ



ภาพที่ 2-3 ส่วนประกอบของไดอัลเกจที่มีหน้าที่ต่าง ๆ ดังนี้

(ศูนย์พัฒนาและถ่ายทอดเทคโนโลยีการผลิต, ม.ป.ป., หน้า 35)

จากภาพที่ 2-3 แสดงส่วนประกอบของไดอัลเกจที่มีหน้าที่ต่าง ๆ ดังนี้

1. หัววัด เป็นตัวสัมผัสวัด หรือตรวจสอบชิ้นงานโดยตรง
2. แกนวัด เป็นตัวจับยึดหัววัดเมื่อหัววัดถูกดันโดยผู้ชิ้นงาน แกนเลื่อนขึ้น – ลง
3. เข็มやす บอกค่าความคลาดเคลื่อนของชิ้นงานภายหลังการสัมผัสริ้นงานของหัววัด
4. เข็มลับ บอกจำนวนรอบของเข็มว่าเคลื่อนที่ไปเป็นระยะทางเท่าไร (mm)
5. แผ่นสเกล บอกค่าความละเอียด โดยแบ่งออกเป็น 100 ช่องเท่า ๆ กัน เมื่อเข็มやすหมุนไป 1 รอบ จะอ่านค่าได้ 1 mm
6. กรอบนอก หมุนปรับให้จุดศูนย์ (จีด 0) ของแผ่นสเกลตรงกับเข็มやすพอดีเพื่อที่จะกำหนดจุดเริ่มต้นในการอ่านค่า หรือตรวจสอบชิ้นงานในขั้นตอนต่อไป
7. ชิ้นพิกัด กำหนดค่าของพิกัดที่ยอมรับ หรือคลาดเคลื่อนจากค่าที่กำหนด
8. แคลมป์ เป็นสกรูล็อกตำแหน่งของหน้าปัด
9. กระบอกหน้าปัด ป้องกันฝุ่นหรือสิ่งแผลกปลอมเข้าไปทำความเสียหายให้อุปกรณ์ หรือส่วนประกอบอื่น ๆ
10. กรอบใน ป้องกันหรือครอบอุปกรณ์ไม่ให้เกิดความเสียหาย (กลไกภายใน)
11. แกนหลัก สำหรับจับยึดอุปกรณ์ (ขาตั้ง) ใช้ในการตรวจสอบ หรือวัดงาน

ในการวิจัยเพื่อออกแบบและสร้างชุดการทดลองหาค่าสัมประสิทธิ์การขยายตัวของโลหะในครั้งนี้ ผู้วิจัยเลือกใช้ได้อัลเกจแบบดิจิตอล ซึ่งมีหลักการทำงานเหมือนได้อัลเกจแบบเข็มแต่แสดงผลการวัดออกมาเป็นตัวเลข ได้อัลเกจแบบดิจิตอลมีลักษณะภายนอกโดยทั่วไปแสดงดังภาพที่ 2-4

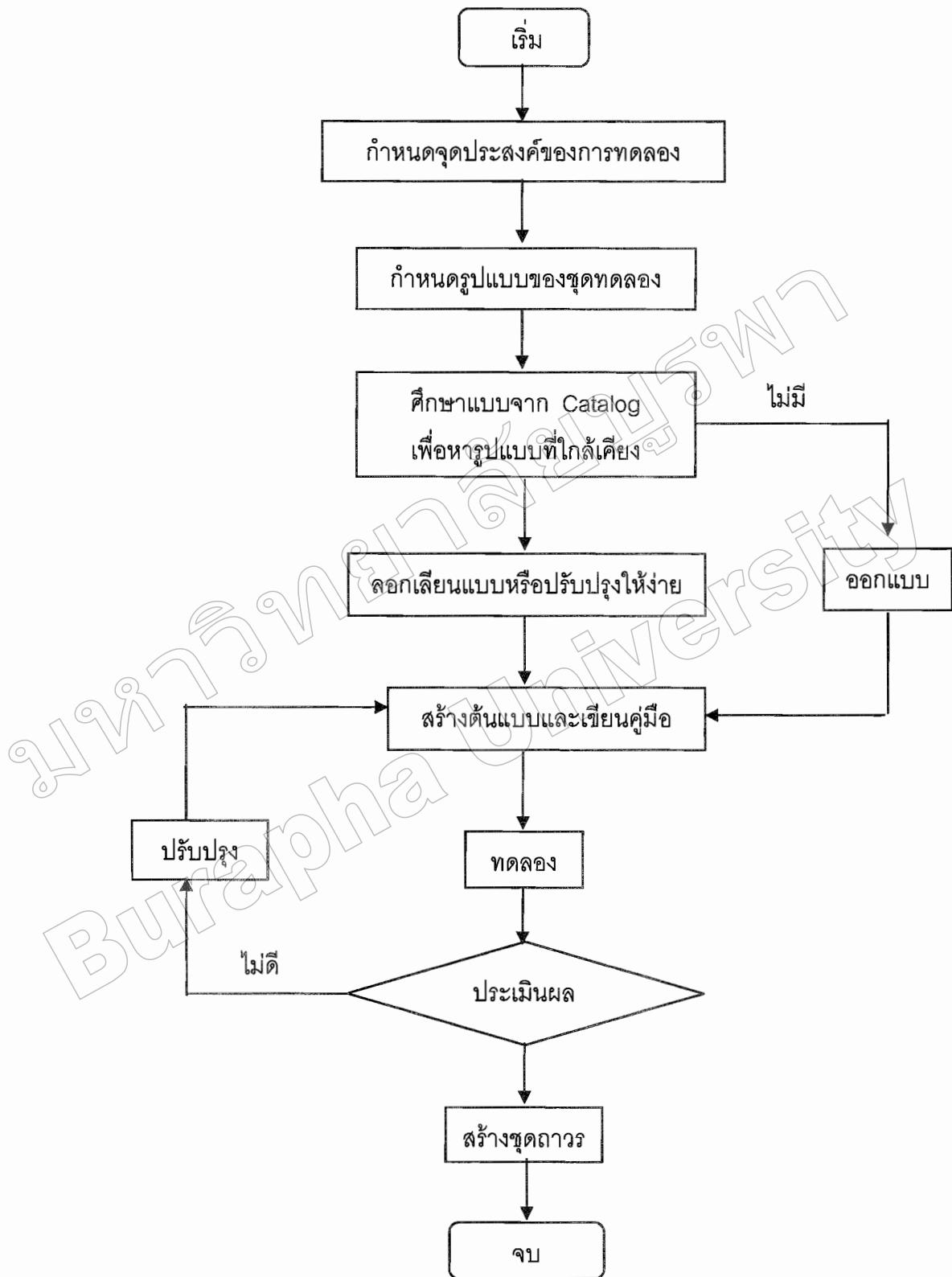


ภาพที่ 2-4 ลักษณะภายนอกโดยทั่วไปของได้อัลเกจแบบดิจิตอล

(<http://www.recycledgoods.com>)

### การออกแบบและสร้างชุดทดลอง

การออกแบบและสร้างชุดทดลองเพื่อใช้ในการเรียนการสอนเป็นสิ่งที่ยุ่งยาก และค่อนข้างลักษณะเฉพาะ ผู้สร้างจะต้องพิจารณาองค์ประกอบทุก ๆ ด้านที่เกี่ยวข้อง ประการแรกที่สำคัญ ได้แก่ การวิเคราะห์วัตถุประสงค์ของบทเรียนว่าเนื้อหาหลักต้องการอะไร ผู้เรียนต้องมีกิจกรรมอย่างไร จึงจะแสดงว่าบรรลุตามวัตถุประสงค์ ถ้าต้องการการแสดงออกด้วยผลการทดลองค้นคว้า หรือ หาความสัมพันธ์ของตัวแปรต่าง ๆ ซึ่งจำเป็นต้องใช้ชุดทดลองประกอบ หรือใช้สื่อความหมาย ก็จะต้องสร้างชุดทดลองโดยออกแบบขึ้นเอง หรือดัดแปลงแก้ไขตามแบบที่มีอยู่ โดยมีขั้นตอนการดำเนินการสร้างพื้นฐานดังนี้ (มนตรีชัย เทียนทอง, 2530, หน้า 69 – 71)



ภาพที่ 2-5 ผังงานการออกแบบและสร้างชุดทดลอง

ในการออกแบบสร้างชุดทดลองขึ้นใหม่โดยการลอกเลียนแบบจาก Catalog หรือจากชุดทดลองอื่น ๆ ที่มีอยู่ ควรพิจารณาองค์ประกอบต่าง ๆ ดังนี้

1. ชุดทดลองสำหรับผู้สอนใช้สาธิตหน้าชั้นเรียนต้องมีขนาดเหมาะสม การแสดงผลเห็นได้ทั่วถึงชัดเจน
2. ความปลอดภัยในการใช้ โดยเฉพาะชุดทดลองสำหรับผู้เรียน เช่น ขนาดแรงดัน สวิทซ์ ป้องกันอุปกรณ์ติดวงจร เป็นต้น
3. มีความสะดวกในการใช้งาน ไม่ต้องใช้ประกอบกับอุปกรณ์อื่น ๆ โดยไม่จำเป็น
4. มีโครงสร้างง่าย และใช้วัสดุที่หาได้ทั่วไป เพื่อความสะดวกต่อการซ้อมแซม
5. มีความยืดหยุ่นในการประยุกต์ใช้กับวัตถุประสงค์อื่นได้ โดยการเพิ่มรายละเอียดบางส่วน

### งานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

จากการศึกษาค้นคว้างานวิจัยที่เกี่ยวข้องกับการออกแบบและสร้างชุดทดลองเพื่อหาค่าสัมประสิทธิ์การขยายตัวของโลหะ พบร่วมกับงานวิจัยที่เกี่ยวข้องทั้งในประเทศไทยและต่างประเทศ ซึ่งมีรายละเอียดดังนี้

ประชา แข็งพร (2548) ทำโครงการศึกษาทางมาตรวิทยาเรื่องการวัดค่าสัมประสิทธิ์การขยายตัวเชิงเส้นทางความร้อนของโลหะด้วยเทคนิคไมโครสันเดอร์ฟิวزمิเตอร์ การขยายตัวเชิงเส้นทางความร้อนของโลหะจะถูกวัดโดยไมโครสันเดอร์ฟิวزمิเตอร์ ด้วยความละเอียด 316 nm ในช่วงอุณหภูมิระหว่าง 20°C ถึง 60°C โดยมีเทอร์โมอิเล็กตริกทรานสิสเตอร์เป็นแหล่งกำเนิดความร้อนซึ่งถูกควบคุมด้วยระบบควบคุมอุณหภูมิแบบฟีโอดี ผลการทดสอบพบว่าค่าสัมประสิทธิ์การขยายตัวเชิงเส้นทางความร้อนของเหล็กกล้าไร้สนิม เบอร์ 316 และอะลูминัมอัลลอย มีค่า  $17.84 \pm 1.03 \times 10^{-6} \text{ }^{\circ}\text{C}^{-1}$  และ  $22.92 \pm 0.13 \times 10^{-6} \text{ }^{\circ}\text{C}^{-1}$  ตามลำดับ

S.S.R. Inbanathan, K. Moorthy, & G. Balasubramanian (2007) ศึกษาวิธีการวัดและสร้างชุดสาธิตเพื่อหาค่าสัมประสิทธิ์การขยายตัวเนื่องจากความร้อนของโลหะ โดยอาศัยหลักการสะท้อนของแสง ซึ่งเป็นวิธีที่ง่ายและเหมาะสมสำหรับนำไปใช้ในห้องเรียน จากการศึกษาพบว่า วิธีการดังกล่าวสามารถวัดค่าสัมประสิทธิ์การขยายตัวเนื่องจากความร้อนของโลหะตัวอย่างได้  $18.6 \times 10^{-6} \pm 0.7 \times 10^{-6} \text{ K}^{-1}$  ใกล้เคียงกับค่ามาตรฐาน  $19 \times 10^{-6} \text{ K}^{-1}$

เรือตรีนุสิ นิศาชล บุญประชุม (2551) ได้ทำการศึกษาการออกแบบและสร้างชุดทดลองเพื่อหาค่าสัมประสิทธิ์การขยายตัวเนื่องจากความร้อนของโลหะ โดยแบ่งออกเป็น 2 ส่วน ส่วนแรกเป็นการออกแบบและสร้างเครื่องมือโดยใช้ความรู้เรื่องความร้อนและแสงมานุษฐานการเข้าด้วยกัน ส่วนที่สองเป็นการทดลองเพื่อหาค่าสัมประสิทธิ์การขยายตัวเนื่องจากความร้อนของโลหะ เช่น ทองแดง สเตนเลส และอะลูมิเนียม โดยทำการทดลองในช่วงอุณหภูมิ  $303 - 358\text{ K}$  ผลการทดลองแสดงให้เห็นว่า ค่าเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนของสัมประสิทธิ์การขยายตัว เนื่องจากความร้อนของโลหะตัวอย่างเป็น  $0.65\%$   $1.79\%$  และ  $0.71\%$  ตามลำดับ

ปิยะรัตน์ พราหมณ์ (2551) ทดลองหาค่าสัมประสิทธิ์การขยายตัวเนื่องจากความร้อนของโลหะโดยวิธีการวัดการเลี้ยวเบนทางแสงผ่านสลิตเดียว แผ่นอะลูมิเนียมถูกนำมาใช้เป็นตัวอย่างในการทดลอง หลักการในการออกแบบอุปกรณ์สำหรับการทดลองนี้ คือ ความกว้างของสลิตเดียวจะเพิ่มขึ้นในปริมาณที่เท่าๆ กับความยาวที่เพิ่มขึ้นเนื่องจากการขยายตัวทางความร้อนของแผ่นโลหะที่ใช้ในการทดลอง โดยความกว้างของสลิตที่เพิ่มขึ้นนี้ สามารถวัดได้จากรูปแบบของการเลี้ยวเบน ที่มีเลขหรืออักษรที่ระบุบนแผ่นแล้วคำนวณได้โดยใช้สมการการเลี้ยวเบนร่วมกับความรู้ในเรื่องของการขยายตัวเนื่องจากความร้อน จากการทดลองพบว่าค่าสัมประสิทธิ์การขยายตัวเนื่องจากความร้อนของแผ่นอะลูมิเนียมมีค่าเป็น  $22.52 \times 10^{-6}\text{ }^{\circ}\text{C}^{-1}$  ที่ให้ค่าความผิดพลาดเท่ากับ  $2.51\%$

Ran and Bruce (2009) ใช้เทคนิคไมโครสันนิเมตอฟิรอ米เตอร์วัดสัมประสิทธิ์การขยายตัวเนื่องจากความร้อนของทองแดง จากผลการทดลองพบว่า ที่ช่วงอุณหภูมิระหว่าง  $26.9\text{ }^{\circ}\text{C}$  ถึง  $105.8\text{ }^{\circ}\text{C}$  สัมประสิทธิ์การขยายตัวเนื่องจากความร้อนของทองแดงมีค่าเท่ากับ  $17.3 \pm 0.3 \times 10^{-6}\text{ }^{\circ}\text{C}^{-1}$  ซึ่งมีค่าสอดคล้องกับค่ามาตรฐานคือ  $1 \times 10^{-6}\text{ }^{\circ}\text{C}^{-1}$

สุพัตรา สุกัน (2554) ได้ออกแบบและสร้างชุดทดลองหาค่าสัมประสิทธิ์การขยายตัวของโลหะโดยใช้ระบบควบคุมอย่างง่าย ผลการวิจัยพบว่าค่าสัมประสิทธิ์การขยายตัวของทองแดง เหล็ก และอะลูมิเนียม มีค่าเท่ากับ  $1.10 \times 10^{-5}\text{ }^{\circ}\text{C}^{-1}$   $0.85 \times 10^{-5}\text{ }^{\circ}\text{C}^{-1}$  และ  $1.61 \times 10^{-5}\text{ }^{\circ}\text{C}^{-1}$  มีเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนเท่ากับ  $34.71\%$   $22.73\%$  และ  $32.92\%$  ตามลำดับ

นภดล แรมเพชร (2554) ได้ออกแบบและสร้างชุดทดลองหาค่าสัมประสิทธิ์การขยายตัวของทองแดง เหล็ก และอะลูมิเนียม มีค่าเท่ากับ  $1.67 \times 10^{-5}\text{ }^{\circ}\text{C}^{-1}$   $1.25 \times 10^{-5}\text{ }^{\circ}\text{C}^{-1}$  และ  $2.24 \times 10^{-5}\text{ }^{\circ}\text{C}^{-1}$  มีเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนเท่ากับ  $1.76\%$   $13.64\%$  และ  $3.33\%$  ตามลำดับ