

บทที่ 5 อภิปรายและสรุปผล

การวิจัยครั้งนี้ มีความนุ่งหมายของการวิจัยเพื่อสร้างบทเรียนเรื่อง พิชณิตบูลีน สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาตอนปลายที่มีประสิทธิภาพตามเกณฑ์ 70/70

สมมติฐานของการวิจัยครั้งนี้ คือ บทเรียนเรื่อง พิชณิตบูลีน สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาตอนปลาย มีประสิทธิภาพ ตามเกณฑ์ 70/70

กลุ่มตัวอย่างเป็น นักเรียนที่กำลังเรียนอยู่ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4 ภาคเรียนที่ 1 ปีการศึกษา 2555 โรงเรียนตรามหาสารคุณ จังหวัดตราด จำนวน 30 คน ใช้วิธีการสุ่มแบบคลาสความสามารถ

เครื่องมือที่ใช้ในการวิจัย เครื่องมือที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้ เป็นบทเรียนเรื่องพิชณิตบูลีน สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาตอนปลาย และแบบทดสอบหลังเรียนเรื่องพิชณิตบูลีน โดยใช้นำบทเรียนและแบบทดสอบให้ผู้เชี่ยวชาญพิจารณาตรวจสอบความเที่ยงตรง 3 ท่าน หลังจากปรับปรุงได้นำไปทดลองกับนักเรียนโรงเรียนตรามหาสารคุณ จังหวัดตราด ที่ไม่ใช่กลุ่มตัวอย่างจำนวน 10 คน เพื่อปรับปรุงภาษาและความชัดเจนของเนื้อหา

การเก็บรวบรวมข้อมูล ผู้วิจัยนำบทเรียนและแบบทดสอบหลังเรียนที่ได้การตรวจสอบเรียบร้อยแล้วไปทดลองกับนักเรียนที่เป็นกลุ่มตัวอย่าง จำนวน 30 คน เพื่อหาประสิทธิภาพของบทเรียน

การวิเคราะห์ข้อมูล ผู้วิจัยดำเนินการวิเคราะห์ข้อมูล สถิติที่ใช้ในการวิเคราะห์ข้อมูล คือ คะแนนเฉลี่ย (\bar{X}) สำหรับหาค่าประสิทธิภาพของบทเรียนจากการใช้แบบฝึกหัดระหว่างเรียน (E_1) และค่าประสิทธิภาพของบทเรียนจากการใช้แบบทดสอบหลังเรียน (E_2)

อภิปรายผล

การอภิปรายผลการวิจัยครั้งนี้ ผู้วิจัยได้สร้างบทเรียนเรื่องพิชณิตบูลีน สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาตอนปลาย และหาประสิทธิภาพของบทเรียนจากการทำแบบฝึกหัดระหว่างเรียนและแบบทดสอบหลังเรียน ปรากฏว่าบทเรียนที่สร้างขึ้นมีค่าประสิทธิภาพ $72.69/70.56$ ซึ่งเป็นไปตามสมมติฐานที่ตั้งไว้ แสดงว่าบทเรียนเรื่องพิชณิตบูลีน สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาตอนปลายนี้ สามารถนำไปใช้ในการจัดการเรียนรู้ให้กับนักเรียนได้ ทั้งนี้ อาจมีสาเหตุมาจากการ

1. บทนำประกอบด้วยเนื้อหาความรู้ในระดับขั้นความรู้ ความจำ ทำให้นักเรียนสามารถทำแบบฝึกหัดที่ 1 ได้ดีมาก และมีคะแนนเฉลี่ยคิดเป็นร้อยละ 82.67

2. แบบฝึกหัดที่ 2 เป็นการพิสูจน์สมบัติของเซต {T, F} กับตัวดำเนินการ \vee , \wedge ซึ่งนักเรียนมีความรู้พื้นฐานในเรื่องตรรกศาสตร์และเซตมาก่อน เมื่อมาเรียนบทเรียนที่มีสัญลักษณ์ และตัวดำเนินการที่มีบทนิยามและสมบัติของตัวดำเนินการที่คล้ายคลึงกัน จึงทำให้นักเรียนเรียนรู้ได้ดี และมีคะแนนเฉลี่ยคิดเป็นร้อยละ 76.00 แต่มีนักเรียนบางคนเขียนแสดงการพิสูจน์ไม่ครบถ้วน กรณี และไม่ได้เขียนข้อความสรุปผลที่ได้จากการพิสูจน์

3. แบบฝึกหัดที่ 3 และแบบฝึกหัดที่ 4 เป็นการพิสูจน์สมบัติของเซต {B, Ø} กับตัวดำเนินการ \cup , \cap และ $\text{เซต } \{1, 0\}$ กับตัวดำเนินการ \oplus , \otimes ตามลำดับ ซึ่งนักเรียนสามารถใช้ความรู้จากแบบฝึกหัดที่ 1 มาใช้ในการพิสูจน์ได้ จึงทำให้นักเรียนเรียนรู้ได้ดี และมีคะแนนเฉลี่ยคิดเป็นร้อยละ 78.67 และ 75.67 ตามลำดับ

4. แบบฝึกหัดที่ 5 เป็นการพิสูจน์เกี่ยวกับสมบัติต่าง ๆ ของพีชคณิตบูลีน โดยใช้ตารางซึ่งนักเรียนสามารถใช้ความรู้ที่ได้เรียนมาก่อนหน้า และการใช้ตารางช่วยให้นักเรียนแสดงการพิสูจน์ได้ครบถ้วนและทำความเข้าใจได้ง่าย จึงทำให้นักเรียนเรียนรู้ได้ดี และมีคะแนนเฉลี่ยคิดเป็นร้อยละ 80.33

5. แบบฝึกหัดที่ 6 เป็นการพิสูจน์เกี่ยวกับสมบัติต่าง ๆ ของพีชคณิตบูลีน โดยใช้สมบัติที่ได้พิสูจน์มาแล้ว ซึ่งนักเรียนต้องใช้สมบัติที่ได้พิสูจน์มาแล้ว โดยมีนักเรียนบางคนสับสนกับสมบัติที่ได้พิสูจน์กับสมบัติที่จะต้องพิสูจน์ จึงทำให้การพิสูจน์ไม่ถูกต้องสมบูรณ์ และมีคะแนนเฉลี่ยคิดเป็นร้อยละ 61.33

6. แบบฝึกหัดที่ 7 เป็นการเขียนฟังก์ชันบูลีนให้อยู่ในรูปแบบปกติ ซึ่งนักเรียนต้องใช้สมบัติที่ได้พิสูจน์มาแล้ว โดยมีนักเรียนบางคนใช้นิยามและสมบัติที่ได้พิสูจน์มาแล้วไม่ถูกต้อง จึงทำให้การพิสูจน์ไม่ถูกต้องสมบูรณ์ และมีคะแนนเฉลี่ยคิดเป็นร้อยละ 63.33

7. แบบฝึกหัดที่ 8 เป็นการเขียนฟังก์ชันบูลีนให้อยู่ในรูปแบบปกติ โดยใช้ตาราง ซึ่งการใช้ตารางช่วยให้นักเรียนทำความเข้าใจได้ง่ายและเขียนฟังก์ชันบูลีนให้อยู่ในรูปแบบปกติได้ถูกต้องและมีคะแนนเฉลี่ยคิดเป็นร้อยละ 73.67

8. แบบฝึกหัดที่ 9 เป็นการลดรูปของฟังก์ชันบูลีน โดยใช้วิธีทางพีชคณิตบูลีน ซึ่งนักเรียนต้องใช้สมบัติที่ได้พิสูจน์มาแล้ว โดยมีนักเรียนบางคนใช้นิยามและสมบัติที่ได้พิสูจน์มาแล้วไม่ถูกต้อง จึงทำให้การพิสูจน์ไม่ถูกต้องสมบูรณ์ และมีคะแนนเฉลี่ยคิดเป็นร้อยละ 68.00

9. แบบฝึกหัดที่ 10 เป็นการลดรูปของฟังก์ชันบูลีน โดยใช้แผนภูมิโโนห์ ซึ่งช่วยให้นักเรียนทำความเข้าใจได้ง่ายและลดรูปของฟังก์ชันบูลีนได้ถูกต้องและมีคะแนนเฉลี่ยคิดเป็นร้อยละ 71.67

10. แบบฝึกหัดที่ 11 แบบฝึกหัดที่ 12 และแบบฝึกหัดที่ 13 เป็นการนำความรู้ของพีชคณิตบูรีน ไปใช้ในการเขียนวงจรไฟฟ้าในรูปของพังก์ชันบูรีน วงจรไฟฟ้าในรูปแบบปกติและวงจรไฟฟ้าอย่างง่าย พร้อมทั้งสร้างตารางแสดงค่าของวงจรไฟฟ้าได้ ซึ่งนักเรียนส่วนใหญ่สามารถใช้สมบัติของพีชคณิตบูรีนกับวงจรไฟฟ้าได้ถูกต้องและมีคะแนนเฉลี่ยคิดเป็นร้อยละ 71.33, 70.67 และ 71.67 ตามลำดับ

เมื่อพิจารณาแบบฝึกหัดทั้ง 13 แบบฝึกหัด สามารถสรุปได้ว่าคะแนนเฉลี่ยร้อยละแบบฝึกหัดที่ 1 – 5, แบบฝึกหัดที่ 8 และแบบฝึกหัดที่ 10 – 13 ของนักเรียนมีค่ามากกว่าร้อยละ 70 ทั้งนี้เนื่องมาจากการเรียนมีจุดประสงค์เชิงพฤติกรรม เพื่อให้นักเรียนเกิดการเรียนรู้ นักเรียนมีความรู้พื้นฐานในเรื่องตรรกศาสตร์และเหตุทางคณิตและมีการใช้ตารางและแผนภาพในการเรียนรู้ ซึ่งช่วยให้นักเรียนสามารถทำความเข้าใจในบทเรียนได้ง่ายขึ้น แต่มีพิจารณาแบบฝึกหัดที่ 6, 7 และ 9 โดยละเอียดพบว่า เนื้อหาที่นำมาให้นักเรียนค่อนข้างซับซ้อน ต้องใช้บทนิยามและสมบัติต่างๆ ที่เกี่ยวข้องให้ถูกต้อง แนวทางการแก้ไข คือ ควรให้ครูผู้สอนจัดการสอนซ้อมเสริมเพื่อให้นักเรียนได้มีโอกาสทบทวน ฝึกฝนการใช้บทนิยามและสมบัติต่างๆ ได้อย่างถูกต้อง แม่นยำ และเกิดทักษะการพิสูจน์สมบัติต่างๆ ที่ถูกต้องสมบูรณ์ต่อไป

11. คะแนนจากการทำแบบทดสอบหลังเรียนของนักเรียนที่เป็นกลุ่มตัวอย่าง คิดเป็นร้อยละ 70.56 ซึ่งสูงกว่าเกณฑ์มาตรฐาน 70 ตัวหลัง ทั้งนี้ เพราะว่าแบบทดสอบที่ผู้วิจัยสร้างขึ้นวัดความรู้ ความจำและทักษะการนำบทนิยามและสมบัติต่างๆ ไปใช้ โดยที่นักเรียนสามารถใช้ตารางและแผนภาพช่วยในการหาคำตอบได้ จึงส่งผลให้นักเรียนบรรลุวัตถุประสงค์ที่วางไว้

นอกจากนี้ ผู้วิจัยยังพบว่า บทเรียนเรื่อง พีชคณิตบูรีน สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาตอนปลาย สอดคล้องกับการวิจัยของเสรี ชีโนคม (2521, หน้า 82) ได้สร้างบทเรียนแบบโปรแกรมวิชาคณิตศาสตร์ เรื่อง “ตรรกศาสตร์เบื้องต้น” สำหรับระดับมัธยมศึกษาตอนปลาย พบว่า บทเรียนแบบโปรแกรมวิชาคณิตศาสตร์ เรื่อง ตรรกศาสตร์ที่สร้างขึ้นนี้มีประสิทธิภาพ 96.90/82.88, สอดคล้องกับการวิจัยของรากรณ์ เสาระพาน (2546, 72) พัฒนาบทเรียนคณิตศาสตร์ เรื่อง เซตและการให้เหตุผล สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4 และศึกษาผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนวิชาคณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4 ผลการศึกษา พบว่า (1) ประสิทธิภาพของบทเรียนคณิตศาสตร์ เรื่อง เซตและการให้เหตุผล ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4 มีประสิทธิภาพตามเกณฑ์ 80/80 โดยมีค่าประสิทธิภาพ 88.88/ 88.05 (2) ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนวิชาคณิตศาสตร์ของนักเรียน หลังใช้บทเรียนคณิตศาสตร์ เรื่อง เซตและการให้เหตุผล สูงขึ้นอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .01, สอดคล้องกับการวิจัยของสุกัญญา สีใส (2546, หน้า 96) ได้สร้างบทเรียนโปรแกรมวิชาคณิตศาสตร์ เรื่อง โจทย์ปัญหาสมการ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 เพื่อให้บทเรียน

โปรแกรมมีประสิทธิภาพตามเกณฑ์มาตรฐาน 80/80 พนบว่า บทเรียน โปรแกรมวิชาคณิตศาสตร์ เรื่อง โจทย์ปัญหาสมการ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 มีประสิทธิภาพ 91.43/86.00 ซึ่งสูง กว่าเกณฑ์มาตรฐานที่กำหนดไว้ สอดคล้องกับการวิจัยของมาริลีน มหาวงศ์ (2549, หน้า 69) ได้ สร้างและหาประสิทธิภาพบทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอนเสริมการเรียน เรื่อง ตระกูลศาสตร์และ พิชคณิตบูลีน วิชาคณิตศาสตร์คอมพิวเตอร์ สำหรับผู้เรียนระดับประกาศนียบัตรวิชาชีพชั้นสูง (ปวส.) สาขาวิชาบริหารธุรกิจ ตามหลักสูตรกรรมอชีวศึกษา (พุทธศักราช 2546) พนบว่า บทเรียน คอมพิวเตอร์ช่วยสอนเสริมการเรียน เรื่อง ตระกูลศาสตร์และพิชคณิตบูลีน วิชาคณิตศาสตร์ คอมพิวเตอร์ มีประสิทธิภาพเท่ากับ 83.97/82.21 เมื่อเปรียบเทียบกับเกณฑ์การประเมิน 80/80 มี ประสิทธิภาพสูงกว่าเกณฑ์ที่กำหนด และสอดคล้องกับการวิจัยของอรอนุมา กลิน โลกัย (2549, หน้า 122) ได้สร้างบทเรียนสำหรับการสอนคณิตศาสตร์เรื่องความน่าจะเป็น โดยใช้สถานการณ์จำลองที่ ส่งเสริมความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์สำหรับนักเรียน ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 พนบว่า ประสิทธิภาพของบทเรียนและประสิทธิผลการเรียนรู้ของผู้เรียนที่เรียนโดยใช้สถานการณ์จำลองที่ ส่งเสริมความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ มีประสิทธิภาพเท่ากับ 94.10/75.15 ซึ่งสูง กว่าเกณฑ์ที่กำหนดไว้คือ 70/70

สรุปผลการทดลอง

จากการวิเคราะห์ข้อมูลในการวิจัยครั้นี้ สรุปสาระสำคัญของผลการวิจัยได้ว่า

- จากการทำแบบฝึกหัดระหว่างเรียน พนบว่า ค่าเฉลี่ยของคะแนนจากการทำแบบฝึกหัด ระหว่างเรียน คือ 7.269 คะแนน จากคะแนนเต็ม 10 คะแนน ซึ่งคิดเป็นร้อยละ 72.69
- จากการทดสอบหลังเรียน พนบว่า ค่าเฉลี่ยของคะแนนจากการทดสอบหลังเรียน คือ 21.17 คะแนน จากคะแนนเต็ม 30 คะแนน ซึ่งคิดเป็นร้อยละ 70.56
- จากการวิเคราะห์ข้อมูลในการวิจัยนี้ ได้ร้อยละ 72.69 และ ค่าเฉลี่ยของคะแนนจากการทดสอบหลังเรียน คือ ร้อยละ 70.56 จะได้ว่าบทเรียนเรื่อง พิชคณิตบูลีน สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาตอนปลายมีค่าประสิทธิภาพ 72.69/70.56 ซึ่งเป็นไปตามสมมติฐาน ที่ตั้งไว้

ข้อเสนอแนะจากผลการวิจัย

เพื่อให้ผลการวิจัยนี้เกิดประโยชน์ต่อการสร้างบทเรียนอื่น ๆ ต่อไป ผู้วิจัยจึงไคร่ขอเสนอ แนวทางในการนำผลการวิจัยไปใช้ ดังนี้

ข้อเสนอแนะทั่วไป

1. ควรมีการทดสอบความรู้พื้นฐานเดิมที่เกี่ยวข้องกับบทเรียนของนักเรียน เพื่อประโยชน์ในการวางแผนการจัดการเรียนรู้ให้เกิดประสิทธิภาพสูงสุด
2. ควรประเมินความก้าวหน้าของนักเรียนเป็นระยะ ๆ และจัดการสอนซ้ำอย่างเสริมให้กับนักเรียนในกลุ่มปานกลางและกลุ่มอ่อน เพื่อลดความแตกต่างระหว่างบุคคล
3. ควรสร้างสื่อเทคโนโลยีประกอบบทเรียน เช่น บทเรียน โปรแกรมคอมพิวเตอร์ (C.A.I) เพื่อสร้างความสนุกให้กับผู้เรียน สะดวกต่อการนำไปใช้ในการเรียนการสอนในระบบการศึกษาของไทยในยุคปัจจุบัน

ข้อเสนอแนะในการวิจัยครั้งต่อไป

1. ควรสร้างบทเรียนคณิตศาสตร์สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาตอนปลาย ในเรื่องอื่น ๆ เช่น คณิตศาสตร์เต็มหน่วย, สำรวจเรขาคณิต, เรขาคณิต ประเจกทีพ, คณิตศาสตร์ประกันภัย หรือคณิตศาสตร์การเงิน เป็นต้น เพื่อให้โรงเรียนมีบทเรียนสำหรับรายวิชาเพิ่มเติมให้นักเรียนได้เลือกเรียนต่อไป
2. การสร้างบทเรียน ควรมีตัวอย่างให้นักเรียนได้ศึกษาจากง่ายไปหางาก และมีแบบฝึกหัดให้นักเรียนปฏิบัติเพื่อตรวจสอบความรู้ของนักเรียนเป็นระยะ ทำให้เกิดแรงจูงใจ และความมั่นใจของนักเรียนในการศึกษาด้วยตนเอง ได้เพิ่มเติม
3. การสร้างบทเรียน ควรนำเทคนิคการจัดการเรียนรู้ที่หลากหลายมาใช้ เพื่อส่งเสริมศักยภาพและสนับสนุนความแตกต่างระหว่างบุคคลของผู้เรียน
หมายเหตุ ผู้วจัยได้หาคำความยากง่ายและอำนาจจำแนกของข้อสอบที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้ไว้ในภาคผนวก สำหรับผู้สนใจได้ใช้ประโยชน์ในการวิจัยต่อไป