

บุราพาจังหวัดชลบุรี ๗๖๑๐  
มหาวิทยาลัยบูรพา

ขุตตรีสำหรับการส่งผลลัพธ์แบบวนรูปที่วิปของฟังก์ชันของระบบทาง  $T^0$   
ภายใต้ปรัญมิยะระบบทางบริบูรณ์

อนุเทพ เทพปัน

๒๘ พ.ค. ๒๕๕๗  
๓๓๗๔๗๙

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรวิทยาศาสตร์มหาบัณฑิต

สาขาวิชาคณิตศาสตร์ศึกษา

คณะวิทยาศาสตร์ มหาวิทยาลัยบูรพา

พฤษภาคม ๒๕๕๗

ลิขสิทธิ์เป็นของมหาวิทยาลัยบูรพา

คณะกรรมการควบคุมวิทยานิพนธ์และคณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์ ได้พิจารณา  
วิทยานิพนธ์ของ อันุเทพ เทพปัน ฉบับนี้แล้ว เห็นสมควรรับเป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตาม  
หลักสูตรวิทยาศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิชาคณิตศาสตร์ศึกษา ของมหาวิทยาลัยบูรพาได้

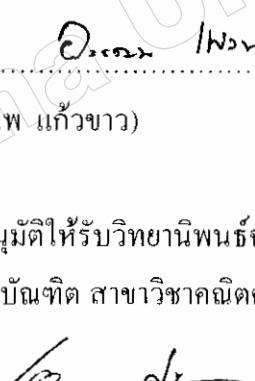
คณะกรรมการควบคุมวิทยานิพนธ์

.....  
  
อาจารย์ที่ปรึกษาหลัก  
(ดร.สมคิด อินเทพ)

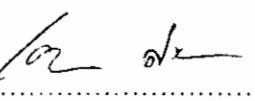
คณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์

.....  
  
ประธาน  
(รองศาสตราจารย์ ดร.ระเบียง วงศีริ)

.....  
  
กรรมการ  
(ดร.อรรถพ แก้วขาว)

.....  
  
กรรมการ  
(ดร.เอกรัตน์ ศรีสุข)

คณะกรรมการรับรองนุมติให้รับวิทยานิพนธ์ฉบับนี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษา  
ตามหลักสูตรวิทยาศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิชาคณิตศาสตร์ศึกษา ของมหาวิทยาลัยบูรพา

.....  
  
คณบดีคณะวิทยาศาสตร์  
(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.เอกรัตน์ ศรีสุข)  
วันที่ ..... ๒๐ เดือน พฤษภาคม พ.ศ. ๒๕๕๗

## กิตติกรรมประกาศ

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้สำเร็จลงได้ด้วยความกรุณาจาก ดร.สมคิด อินเทพ อาจารย์ที่ปรึกษา  
หลักและศาสตราจารย์ ดร.สมยศ พลับเที่ยง ที่กรุณาให้คำปรึกษาแนะนำแนวทางที่ถูกต้อง  
ตลอดจนแก้ไขข้อบกพร่องต่าง ๆ ด้วยความละเอียดถี่ถ้วนและเอาใจใส่ด้วยดีเสมอมา ผู้วิจัยรู้สึก<sup>ช</sup>  
ชาบชิ้งเป็นอย่างยิ่ง จึงขอกราบขอบพระคุณเป็นอย่างสูงไว้ ณ โอกาสนี้

เนื่องจากงานวิจัยครั้งนี้ส่วนหนึ่งได้รับทุนอุดหนุนการวิจัยของบัณฑิตวิทยาลัย จึง  
ขอขอบพระคุณ บัณฑิตวิทยาลัยนานา ที่นี้ด้วย

ขอกราบขอบพระคุณ คุณพ่อจรวย คุณแม่บุญเสริม เทพปัน และพี่ ๆ ทุกคนที่ให้  
กำลังใจ และสนับสนุนผู้วิจัยเสมอมา

คุณค่าและประโยชน์ของวิทยานิพนธ์ฉบับนี้ ผู้วิจัยขอขอบเป็นกตัญญูตเวทิตาเด่  
บุพการี บุรพาจารย์ และผู้มีพระคุณทุกท่านทั้งในอดีตและปัจจุบัน ที่ทำให้ข้าพเจ้าเป็นผู้มีการศึกษา<sup>ช</sup>  
และประสบความสำเร็จมากจนทราบเท่าทุกวันนี้

อนุเทพ เทพปัน

54990051: สาขาวิชา: คอมพิวเตอร์ศึกษา; วท.ม. (คอมพิวเตอร์ศึกษา)

คำสำคัญ: พังก์ชัน  $\tau^0$ /พังก์ชันอิงระยะทาง  $D_p$ /พังก์ชัน  $MT$ /การส่งหลายค่าแบบวน

อนุเทพ เทพปัน: จุดตรึงสำหรับการส่งหลายค่าแบบวนบนรูปทั่วไปของพังก์ชันอิง  
ระยะทาง  $\tau^0$  ภายใต้ปริภูมิอิงระยะทางบริบูรณ์ (FIXED POINT FOR CYCLICAL MULTI-  
VALUES MAPPING ON GENERALIZED DISTANCE  $\tau^0$  IN COMPLETE METRIC SPACE)  
คณะกรรมการควบคุมวิทยานิพนธ์: สมคิด อินเทพ, Ph.D. 39 หน้า. ปี พ.ศ. 2557.

การวิจัยครั้งนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อขยายทฤษฎีที่เกี่ยวข้องกับจุดตรึงสำหรับการส่งหลายค่า  
แบบวนภายใต้ปริภูมิอิงระยะทางบริบูรณ์ในงานวิจัยของ Neammanee and Kaewkha (2011) โดย  
อาศัยพังก์ชัน  $MT$  และรูปทั่วไปของพังก์ชันอิงระยะทาง  $\tau^0$  ซึ่งเป็นพังก์ชันอิงระยะทาง  $D_p$  ที่  
กำหนดโดย  $p$  เมื่อ  $p$  เป็นพังก์ชันอิงระยะทาง  $\tau^0$  ทำให้คืนพบทฤษฎีที่เกี่ยวข้องกับจุดตรึง  
สำหรับการส่งหลายค่าแบบวนบนรูปทั่วไปของพังก์ชันอิงระยะทาง  $\tau^0$  ภายใต้ปริภูมิอิงระยะทาง  
บริบูรณ์ที่วางแผนพยทั่วไปกว่าของ Neammanee and Kaewkha (2011)

54990051: MAJOR: EDUCATIONAL RESEARCH TECHNOLOGY; M.Sc.  
(EDUCATIONAL RESEARCH TECHNOLOGY)

KEYWORDS:  $\tau^0$ -FUNCTION/  $D_p$ -METRIC/  $MT$  FUNCTION/ CYCLICAL MULTI-  
VALUED MAPPING

ANUTEP TEPPHUN: FIXED POINT FOR CYCLICAL MULTI-VALUES  
MAPPING ON GENERALIZED DISTANCE  $\tau^0$  IN COMPLETE METRIC SPACE.

ADVISORY COMMITTEE: SOMKID INTEP, Ph.D. 39 P. 2014.

In this research, the Neammanee and Kaewkha (2011) results that fixed point theorems for cyclical mapping in complete metric space are extended using  $MT$  - function and generalized distance  $\tau^0$ . The generalized distance  $\tau^0$  is  $D_p$  - metric generated by  $p$  when  $p$  is  $\tau^0$  - function.

## สารบัญ

	หน้า
บทคัดย่อภาษาไทย.....	๑
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ.....	๑
สารบัญ.....	๙
บทที่	
1 บทนำ.....	๑
ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา.....	๑
วัตถุประสงค์ของการวิจัย.....	๓
สมมติฐานของการวิจัย.....	๓
ขอบเขตของการวิจัย.....	๓
ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับจากการวิจัย.....	๓
นิยามศัพท์เฉพาะ.....	๔
2 เอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง.....	๕
ปริญมิอิงระยะทาง.....	๕
ฟังก์ชัน MT และการส่งผลายค่า.....	๑๘
ทดลองกีบวกับจุดครึ่ง.....	๒๐
3 วิธีดำเนินการวิจัย.....	๒๒
ศึกษาเอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง.....	๒๒
การออกแบบงานวิจัย.....	๒๒
ขั้นตอนวิธีการดำเนินการวิจัย.....	๒๓
4 ผลการวิจัย.....	๒๕
5 อภิปรายและสรุปผล.....	๓๗
บรรณานุกรม.....	๓๘
ประวัติย่อของผู้วิจัย.....	๓๙